



武汉大学学报(信息科学版)
Geomatics and Information Science of Wuhan University
ISSN 1671-8860,CN 42-1676/TN

《武汉大学学报(信息科学版)》网络首发论文

题目：改进的重力地质法及其在南海地区海底地形反演中的应用
作者：许闯，黎晋博，吴云龙
DOI：10.13203/j.whugis20220199
收稿日期：2022-04-22
网络首发日期：2022-04-29
引用格式：许闯，黎晋博，吴云龙. 改进的重力地质法及其在南海地区海底地形反演中的应用[J/OL]. 武汉大学学报(信息科学版).
<https://doi.org/10.13203/j.whugis20220199>



网络首发：在编辑部工作流程中，稿件从录用到出版要经历录用定稿、排版定稿、整期汇编定稿等阶段。录用定稿指内容已经确定，且通过同行评议、主编终审同意刊用的稿件。排版定稿指录用定稿按照期刊特定版式（包括网络呈现版式）排版后的稿件，可暂不确定出版年、卷、期和页码。整期汇编定稿指出版年、卷、期、页码均已确定的印刷或数字出版的整期汇编稿件。录用定稿网络首发稿件内容必须符合《出版管理条例》和《期刊出版管理规定》的有关规定；学术研究成果具有创新性、科学性和先进性，符合编辑部对刊文的录用要求，不存在学术不端行为及其他侵权行为；稿件内容应基本符合国家有关书刊编辑、出版的技术标准，正确使用和统一规范语言文字、符号、数字、外文字母、法定计量单位及地图标注等。为确保录用定稿网络首发的严肃性，录用定稿一经发布，不得修改论文题目、作者、机构名称和学术内容，只可基于编辑规范进行少量文字的修改。

出版确认：纸质期刊编辑部通过与《中国学术期刊（光盘版）》电子杂志社有限公司签约，在《中国学术期刊（网络版）》出版传播平台上创办与纸质期刊内容一致的网络版，以单篇或整期出版形式，在印刷出版之前刊发论文的录用定稿、排版定稿、整期汇编定稿。因为《中国学术期刊（网络版）》是国家新闻出版广电总局批准的网络连续型出版物（ISSN 2096-4188，CN 11-6037/Z），所以签约期刊的网络版上网络首发论文视为正式出版。

引用格式：

许闯,黎晋博,吴云龙等.改进的重力地质法及其在南海地区海底地形反演中的应用[J].武汉大学学报·信息科学版,2022,DOI: 10.13203/j.whugis20220199 (XU Chuang, LI Jinbo, WU Yunlong, et al. Improved Gravity-Geologic Method and Its Application to Seafloor Topography Inversion in the South China Sea[J]. *Geomatics and Information Science of Wuhan University*, 2022, DOI: 10.13203/j.whugis20220199)

改进的重力地质法及其在南海地区海底地形反演中的应用

许闯^{1,2},黎晋博¹,吴云龙³

1. 广东工业大学测绘工程系,广东 广州, 510006

2. 中国科学院精密测量科学与技术创新研究院大地测量与地球动力学国家重点实验室,湖北 武汉, 430077

3. 中国地震局地震研究所,湖北 武汉, 430071

摘要:为进一步提高传统重力地质法(gravity-geologic method, GGM)反演海底地形的精度,顾及海底地形非线性项对GGM进行改进。采用改进的GGM反演了中国南海地区空间分辨率为 $1' \times 1'$ 海底地形模型,并利用船测水深检核点对反演结果进行了精度评定,验证了所提方法的有效性。研究结果表明,忽略海底地形非线性项会在起伏约2 km的山区引起约50 mGal偏差;改进的GGM能有效地从短波重力异常中恢复海底地形的非线性项;获取的海底地形结果与ETOPO1、SIOV23.1及传统GGM反演模型相比具有最高的精度,与检核点差异的均方根为130.4 m;与传统GGM法反演结果相比,改进GGM获得的结果在黄岩海山链附近精度提高10.8 m,在中沙群岛附近精度提高4.7 m。

关键词:海底地形;重力异常;重力地质法;非线性项

中图分类号: P223

文献标识码: A

海洋面积占全球总面积约71%,确定精细的海底地形图对海洋资源开采、水下导航、海底构造运动和海洋环流等研究具有重要意义。船载声呐探测技术是目前获取深海海底地形的主要手段。然而,该方法成本高、耗时长。有学者估计,要完成全球深海的船载测深工作大约需要200年,且耗资数十亿美元^[1]。随着卫星测高技术的发展,通过其海面高数据反演的海洋重力场已具有较高的分辨率和精度,且能实现全球海域的均匀覆盖。当前,卫星测高海面重力异常的解算精度已达2~3 mGal^[2]。海底洋壳与海水层间存在密度差,海底地形变化势必引起海洋重力场的扰动。因此,若能构建出海面重力异常和海底地形间的数学关系,就能实现海底地形的反演。目前已有许多海底地形反演方法被提出,主要包括线性回归法^[3]、

导纳函数法^[4]、最小二乘配置法^[5]、重力地质法(gravity-geologic method, GGM)^[6-12]和模拟退火法^[13]等。其中,GGM简单高效,能够满足大范围水深反演的需要^[12]。

GGM起初被提出以通过观测重力异常和少量钻孔资料预测沉积基底深度^[14]。由于沉积层密度的垂向变化较大,其效果欠佳。受益于海底洋壳与海水层的密度差几乎不随深度变化,GGM被广泛用于海底地形反演^[6, 7, 15]。GGM通过船测水深控制点从观测重力异常中分离长波重力异常和短波重力异常,并利用短波重力异常反演海底地形。许多学者对GGM中密度差的确定和长波重力异常的构建进行了相关研究。文献[7]采用迭代法确定密度差的经验值;文献[8]提出确定密度差的向下延拓法;文献[9]采用改进的重力地质方法(improved

收稿日期: 2022-04-22

项目资助:国家自然科学基金(41974014, 41974096, 41931074);中国科学院精密测量科学与技术创新研究院大地测量与地球动力学国家重点实验室开放基金(SKLGED2021-1-2);广东省自然科学基金项目(2022A1515010396)。

第一作者:许闯,博士,副教授,主要从事重力反演理论、方法及应用方面研究。Email: chuangxu@gdut.edu.cn

通讯作者:吴云龙,博士,研究员。E-mail: yunlongwu@gmail.com

gravity-geologic method, iGGM) 来逼近长波重力异常, 有效改善了由不均匀控制点构建长波重力异常的精度; 文献[16]将 iGGM 法应用于几内亚湾海底地形绘制, 取得了较好效果, 并指出对于山区反演, 应采用更多的船测点及不同的最佳密度差; 文献[10]提出了一种基于普通克里金的地形约束因子权重优化方法来构建区域重力异常, 以考虑地形因素的影响。

短波重力异常的计算是除密度差和长波重力异常外影响 GGM 反演质量的另一重要因素。传统 GGM 使用布格板公式计算由海底地形起伏引起的短波重力异常, 这是一种线性近似处理, 势必会造成信息的遗漏^[4]。文献[17]提出在计算短波重力异常时顾及局部地形改正, 大大提高了海底地形的反演精度; 文献[11]在构造短波重力异常时, 采用三维直角棱柱代替布格板公式, 并在西菲律宾盆地验证其方法的有效性。上述研究采用空间域积分解算地形重力效应, 计算效率低, 在一定程度上与 GGM 计算速度快、且适用于大范围海域等优点相悖。此外, 传统 GGM 利用短波重力异常恢复海底地形时, 同样基于布格板公式解算, 仅能恢复海底地形的线性信息。

基于上述问题, 本文提出了一种改进的 GGM, 利用频率域重力正演和迭代反演方法恢复海底地形的非线性项, 选择中国南海作为研究区, 构建空间分辨率为 $1' \times 1'$ 海底地形模型, 并详细分析了影响模型精度的各种因素。

1、原理与方法

1.1 传统 GGM 原理

海面观测重力异常可看作两部分之和, 由海底地形起伏引起的短波重力异常和由深部密度不均引起的长波重力异常, 其表达式为:

$$g_{obs}(i) = g_{short}(i) + g_{long}(i) \quad (1)$$

式中, i 表示对应于观测重力异常格网点的位置; g_{obs} 、 g_{short} 和 g_{long} 分别表示观测重力异常、短波重力异常和长波重力异常。已知水深控制点处的 g_{short} 可通过布格板公式近似计算:

$$g_{short}(j) = 2\pi G \Delta\rho (E(j) - D) \quad (2)$$

式中, G 是万有引力常量; j 表示已知水深控制点的位置; $E(j)$ 为已知控制点水深; D 为参考

深度, 通常取测深点的最大深度; $\Delta\rho$ 为海底洋壳与海水间的密度差。由式(1)和式(2)可得:

$$g_{long}(j) = g_{obs}(j) - g_{short}(j) \quad (3)$$

式中, $g_{obs}(j)$ 为控制点处的观测重力异常, 可由实际观测重力异常数据插值得到。控制点处的长波重力异常 $g_{long}(j)$ 经格网化处理后可获得任意格网点上的长波重力异常 $g_{long}(i)$ 。根据式(1)可计算出格网点上的 $g_{short}(i)$, 应用布格板公式将 $g_{short}(i)$ 转换为海底地形起伏, 再添加参考深度, 可获得水深格网模型 $E(i)$:

$$E(i) = \frac{g_{short}(i)}{2\pi G \Delta\rho} + D \quad (4)$$

在 GGM 计算过程中, 共涉及 $\Delta\rho$ 和 D 两个参数。其中, 反演结果几乎不受 D 取值的影响, 但对 $\Delta\rho$ 的变化十分敏感。 $\Delta\rho$ 的理论值为 1.67 g/cm^3 , 等于海底基岩密度 2.70 g/cm^3 与海水密度 1.03 g/cm^3 之差^[6]。大量实践表明 GGM 中 $\Delta\rho$ 通常远偏离于理论值, 因而不具备实际物理意义, 仅为经验参数^[7,8,12]。常用的 $\Delta\rho$ 确定方法主要有向下延拓法和迭代法^[7,8]。本文采用迭代法, 按一定的步长改变 $\Delta\rho$, 并反演对应的水深模型。通过计算反演模型与船测水深值间的相关系数及标准差 (standard deviation, STD), 选取最小 STD 及最大相关系数对应的 $\Delta\rho$ 为最优密度差。

1.2 短波重力异常计算

观测重力异常的精度、水深控制点分布、所采用的插值/格网化方法、海底地形起伏状况等因素均会影响 GGM 的模型构建精度。传统 GGM 通常在平坦地形区具有较高的精度, 而在复杂地形区精度较低。该现象一定程度上归咎于传统 GGM 仅考虑海底地形的线性项, 而忽略非线性项。在式(2)中, 若设定 $D = 0$, 则 $g_{short}(j)$ 与海底地形间的联系通过布格板项 ($2\pi G \Delta\rho E(j)$) 表示为一一对应的线性关系, 而实际上海面重力异常与海底地形间应为非线性关系^[11]。文献[17]将 $g_{short}(j)$ 表示为局部地形改正项 δg_{TC} 和布格板项之和, 计算式为:

$$g_{short}(j) = 2\pi G \Delta\rho E(j) + \delta g_{TC} \quad (5)$$

传统 GGM 仅考虑上式中的线性部分, 而忽略非线性项 δg_{TC} 。这在平坦地形区是可行的, 然

而在复杂地形区，忽略非线性项会引入系统误差从而降低反演精度^[17]。 $g_{short}(j)$ 除了按式(5)表示外，亦可直接表示为：

$$g_{short}(j) = \Delta g(x, y, z, E, \Delta p) \quad (6)$$

式中， (x, y, z) 为计算点三维坐标； E 为海底深度。为兼顾精度与计算效率，本文采用文献[18]的公式计算短波重力异常，计算式为：

$$\begin{aligned} F(\Delta g(i)) &= 2\pi G \Delta p \\ &e^{-|\vec{k}|d} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{|\vec{k}|^{n-1}}{n!} F(E^n(i)) \end{aligned} \quad (7)$$

式中， F 表示二维傅里叶变换； \vec{k} 为圆波数； $\Delta g(i)$ 为海底地形产生的重力异常； d 是海底地形的平均深度； n 是级数展开阶数。

该方法可借助快速傅里叶变换（fast Fourier transform, FFT）技术在频率域中解算，因而十分高效。式(7)仅能计算与*i*位置对应的格网点重力值，无法直接计算离散控制点*j*处的重力值。为此，本文按1'的格网分辨率计算落入同一格网单元内控制点的平均值，以此作为新的控制点。新控制点位置*j* ∈ *i*，从而可从 $\Delta g(i)$ 中直接提取 $\Delta g(j)$ ，即为控制点上的 $g_{short}(j)$ 。

1.3 海底地形反演

传统GGM利用式(5)反演海底地形时，同样未顾及非线性项，仅利用布格板公式将短波重力异常转换为水深值。尽管经由一系列处理得到的短波重力异常与海底地形间存在强线性关系，但其非线性部分仍具有一定贡献^[4,13,19]。本文采用一种迭代技术来恢复海底地形的非线性项，计算式为：

$$E^k = E^{k-1} + \frac{\Delta g_{res}(E^{k-1})}{2\pi G \Delta p} \quad (8)$$

$$\Delta g_{res}(E^{k-1}) = g_{short} - g_{cal}(E^{k-1}) \quad (9)$$

式中， $k = 1, \dots, N$ 为迭代次数； E^k 为第*k*次迭代解算的海底地形模型， E^0 由式(4)计算获得； Δg_{res} 表示残余重力异常； g_{cal} 表示海底地形模型正演重力异常，由式(7)计算。

上述方法利用迭代线性缩放来估计非线性项，计算简单，无需大规模矩阵运算。迭代停止条件可设定为 Δg_{res} 的均方根（root mean

square, RMS）小于海面重力异常观测精度或进行了若干次迭代。决定式(8)能否准确收敛的关键是重力正演计算的精度^[20]。

综上所述，本文所提的改进GGM计算步骤如下：

- (1) 将离散的船测水深控制点按1'格网分辨率，通过块平均值操作生成新的控制点。
- (2) 新控制点格网化或采用现有模型填充，生成初始海底地形模型。
- (3) 利用式(7)和初始模型正演控制点处的短波重力异常 $g_{short}(j)$ 。
- (4) 将观测重力异常插值到控制点上获得 $g_{obs}(j)$ ，并根据式(3)计算控制点上的长波重力异常 $g_{long}(j)$ 。
- (5) 控制点 $g_{long}(j)$ 格网化生成长波重力异常格网 $g_{long}(i)$ ，并从观测重力异常中扣除，从而获得短波重力异常格网 $g_{short}(i)$ 。
- (6) 利用式(8)迭代估计海底地形模型 $E^k(i)$ 。

2、数值实验与分析

2.1 采用的数据

本文选择中国南海地区 112°E~119°E, 12°N~20°N 范围作为研究区，为避免频率域计算的边缘效应，研究区沿四周外扩 5'。试验使用的数据包括：

(1) 海底地形模型：SRTM15+V2.4 为美国斯克里普斯海洋研究所（Scripps Institution of Oceanography, SIO）发布的 15'' 分辨率全球水深地形模型，在本文中用于船测水深数据的粗差剔除^[21]。SIO V23.1 为 SIO 发布的全球海底地形模型，空间分辨率 1'^[3]。ETOPO1 为美国国家地球物理数据中心（National Geophysical Data Center, NGDC）在 2008 年发布的 1' 全球地形模型^[22]。上述模型已被广泛使用，它们的精度反映了当前海底地形反演技术水平，在本文中用于验证反演方法的有效性。

(2) 船测水深数据：由 NGDC 提供研究区内合计 136 028 个测深点。由于船测水深数据时间跨度大，观测质量参差，因而存在较多粗差数据。本文以 SRTM15+V2.4 模型为基础，将模型水深插值到船测点上，并剔除两者差异大于两倍中误差的数据点。共剔除粗差点 4 531 个，保留数据点 131 497 个，数据剔除率 3.33%。考虑到同一测线上船测水深的相关性，若按随

机或每隔三个控制点选一个检核点的方法，可能导致插值模型的检核精度虚高。本文以 SO49 和 V3604 两条航迹线上的测深点作为检核点，其余数据作为控制点。研究区船测点分布见图 1，其中黑色线为控制点，共 105 512 个，红色线为检核点，共 25 985 个，检核点与控制点数量比例约为 1/4，背景水深为 SRTM15+V2.4 模型。

(3) 测高重力异常数据：采用 SIO 最新发布的 1' 空间分辨率海面重力异常模型 grav_31.1，如图 2 所示。

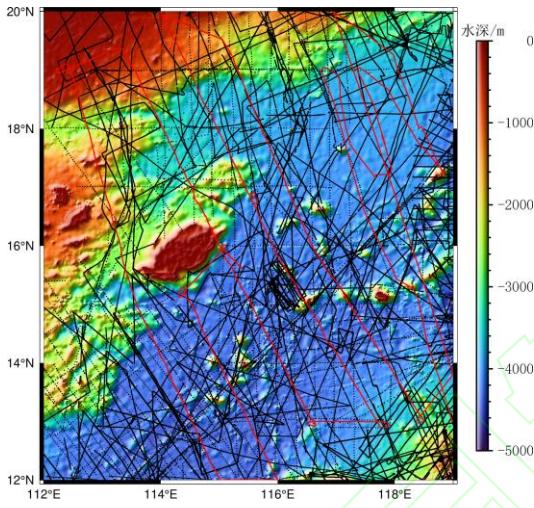


图 1 船测水深点空间分布

Fig.1 Spatial Distribution of Bathymetric Data

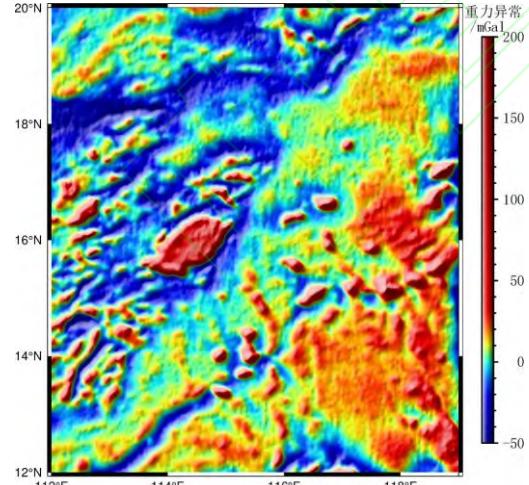


图 2 研究区重力异常

Fig.2 Gravity Anomaly in Research Area

2.2 密度差确定

图 3 是采用不同密度差获取的 GGM 反演结果与检核点水深差异的 STD 和相关系数。根据图 3 (a)，传统 GGM 反演结果与检核点水深较差的最小 STD 及最大相关系数对应的

$\Delta\rho = 0.9 \text{ g/cm}^3$ ，后文涉及传统 GGM 的计算均使用该密度差。根据图 3 (b) 改进 GGM 确定的最优 $\Delta\rho = 1.1 \text{ g/cm}^3$ 。对比图 3 (a) 和图 3 (b) 可以看出，两种方法对应的最优密度差略有差异，原因在于两种方法处理海底地形和重力间的关系时采用不同的假设。

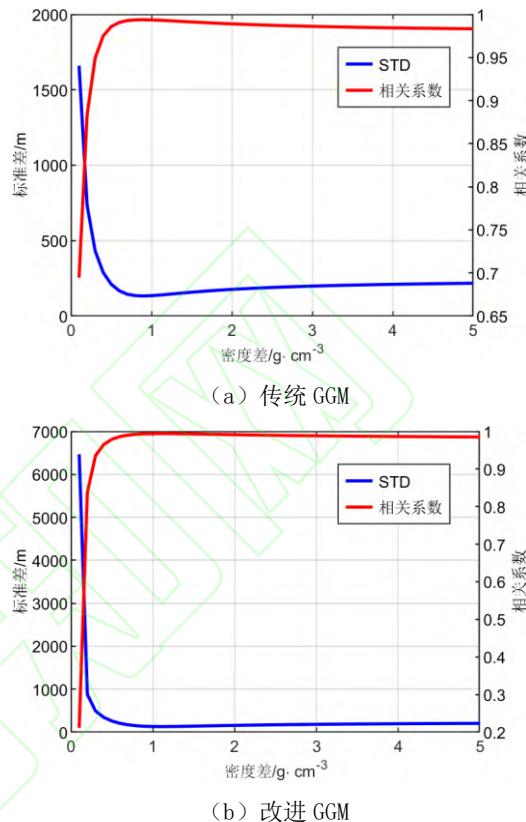


图 3 GGM 反演结果与检核点水深差异的 STD 和相关系数

Fig.3 STD and Correlation of Depth Deviation Between GGM Inversion Results and Check Points

2.3 海底地形反演

在 GGM 反演过程中，所构建的短波重力异常精度直接影响最终模型的精度。因此，定量分析海底地形非线性项对短波重力异常的贡献尤为重要。首先，将图 1 所示的离散水深控制点在 $1' \times 1'$ 的格网中求平均值，获得新的控制点。然后，利用 GMT 的 surface 模块，采用 0.55 张力的样条函数将新控制点格网化获得整个研究区的海底地形模型^[23]，下文将控制点直接格网化模型称为 SG 模型，如图 4 所示。由图 4 可以看出，控制点直接网格化结果能反映研究区整体的地形变化，但在西北部大陆架和中沙群岛等地，由于船测数据稀缺，其地形十分粗糙且存在明显错误。

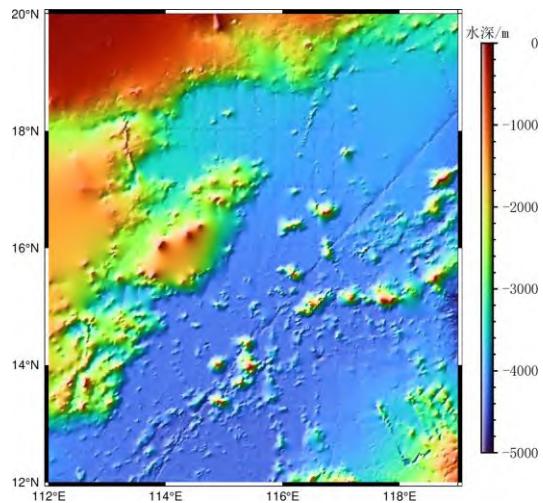


图 4 船测控制点格网化模型

Fig.4 Grid Model of Bathymetric Control Points

考慮到船测资料分布不均，本文采用 SIOV23.1 模型填充除控制点以外的格网值来

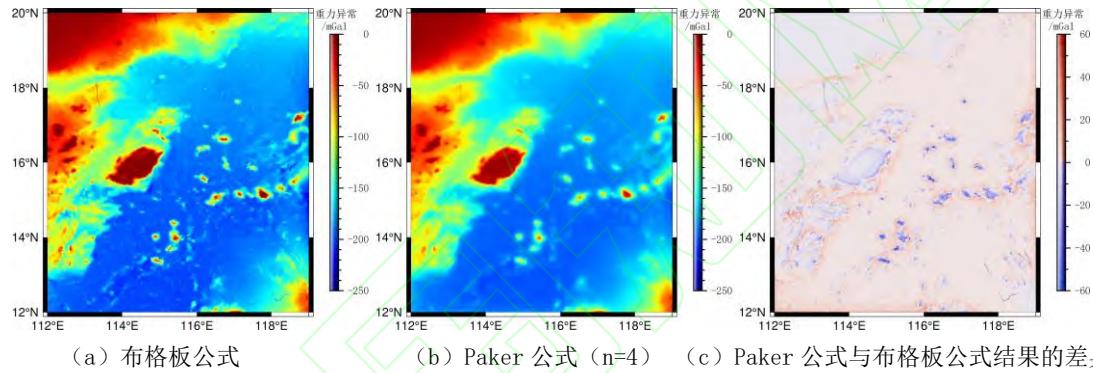


图 5 初始模型正演海面重力异常

Fig.5 Initial Model Forward Gravity Anomaly of Sea Level

进一步利用短波重力异常反演海底地形，图 6 给出了改进 GGM 迭代反演过程。图 6(a)、6(b) 和 6(c) 分别为初始模型、第一次迭代后和第二次迭代后的重力异常残差，计算其 RMS 分别为 4.19 mGal、1.42 mGal 和 0.78 mGal。对应的深度残差分别如图 6(d)、6(e) 和 6(f) 所示，计算其 RMS 分别为 90.9 m、30.8 m 和 16.9 m。由图 6(a) 可知，仅考虑线性项会产生最大为 40 mGal 的重力残差，对应最大为 1000 m 的深度残差（图 6(d)）。第二次迭代后（图 6(b)），重力残差及深度残差均显著降低，重力残差 RMS 降至 1.42 mGal，

构建初始模型，该初始模型被用于评估海底地形非线性项。图 5（为利用布格板公式、Parker 公式（式（7）中 $n = 4^{[4]}$, $d = 3164$ m）正演初始模型获得的海面重力异常及二者差异。由图 5 (a)、5 (b) 可以看出，受局部地形的影响 Parker 公式计算结果相比布格板更为平滑。由图 5 (c) 可以看出，在平坦地区，非线性项影响接近于零，而在诸如海山链、岛屿和海盆边缘，非线性项的影响最高超过 50 mGal。

在获得控制点处的短波重力异常之后，首先采用三次卷积算法将测高重力异常格网插值到控制点上，计算控制点上的长波重力异常；然后，再次利用带张力的样条函数将长波重力异常格网化；最后，将测高重力异常格网减去长波重力异常格网获得用于海底地形反演的短波重力异常格网。

已低于测高重力异常的精度水平（2~3 mGal）。反演模型与检核点间的 RMS 由 133 m 降至 130 m（图 6(g)）。进一步迭代后（图 6(c)），虽然重力残差及深度残差仍在降低，最大深度残差降至 100 m 以下，但模型反演精度不降反升（图 6(g)）。说明经过两次迭代后，重力残差已降至观测精度以下，在随后的迭代中，更多是将重力观测值噪声直接转化为水深，因而模型精度降低。综上所述，以重力观测值的精度水平作为迭代收敛条件较为合理。

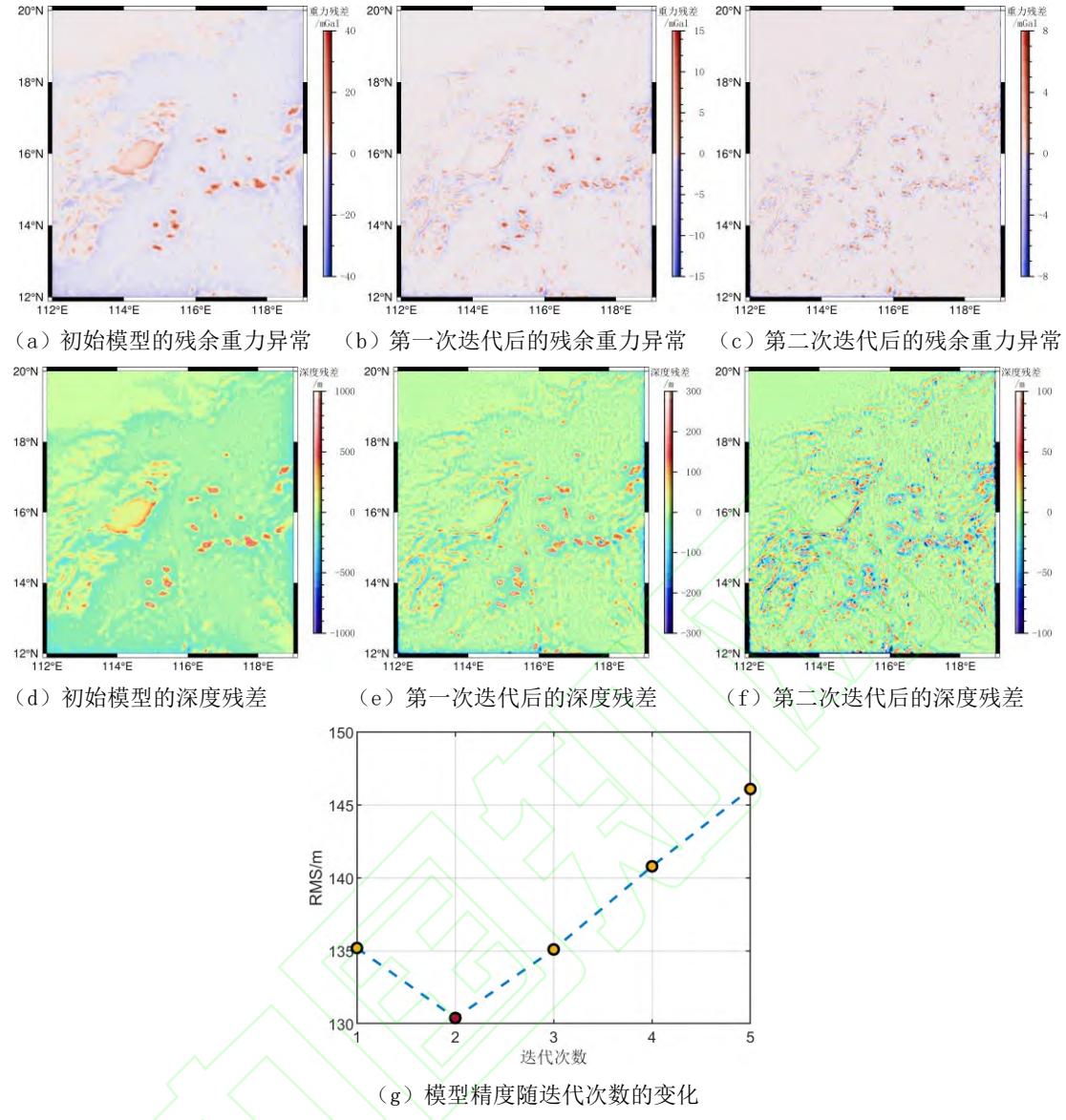


Fig.6 Iterative Inversion Process of the Improved GGM Method

由图 5 可知, 在利用 Parker 公式计算短波重力异常时, 受周围地形引力的影响, 控制点处的高频信息被平滑。为恢复控制点水深, 计算反演模型与控制点水深的残差并将其格网化, 再重新添加到重力反演模型中得到最终模型。为方便论述, 后续将传统 GGM 反演结果称为 GGM1 模型; 将改进 GGM 反演结果称为 GGM2 模型。

4 种海底地形模型如图 7 所示。由图 7 可以看出, 4 种海底地形模型的整体趋势相同, 南海海盆内除中部海山链外, 以海底平原为主, 地形平缓, 水深在 3500~5000 m 左右。西北大陆架及中沙群岛附近的区域, 地貌复杂, 地形坡度大, 水深在 0~3000 m 范

围内变化。对比ETOPO1 模型及其他模型可以看出, ETOPO1 模型的精细程度明显低于其他模型。GGM1 和 GGM2 模型在形态上无明显区别, 它们与 SIO 模型相比, 在研究区西部及西北部 ($113^{\circ}\text{E}, 17^{\circ}\text{N}$) 附近, GGM 类模型的精细程度不如 SIO 模型, 主要原因是此处的船测水深数据分布稀疏。

图 8 为 GGM2 模型与其他模型的差异。由图 8 (a)、图 7 (a) 和 7 (d) 可以看出, GGM2 模型与 ETOPO1 存在明显差异, 主要位于海山链、岛屿群和地形变化梯度带上, 其主要源于 GGM2 模型精细度的提高。由图 8 (b) 可以看出, GGM2 模型与 SG 模型的差异集中于中沙群岛及其西部, 归因于船测

资料匮乏。由图 8 (c) 可以看出, GGM2 模型与 SIO 模型间的差异多数沿船测线分布, 这主要与所采用的船测数据质量、处理及融合技术不同有关。由图 8 (d) 可以看出, GGM2 与 GGM1 模型差异整体不大, 中沙群

岛处的明显差异源于 GGM2 使用了 SIO 模型作为填充, 其余差异多集中于局部地形起伏较大的地区, 反映了海底地形的非线性项信息。

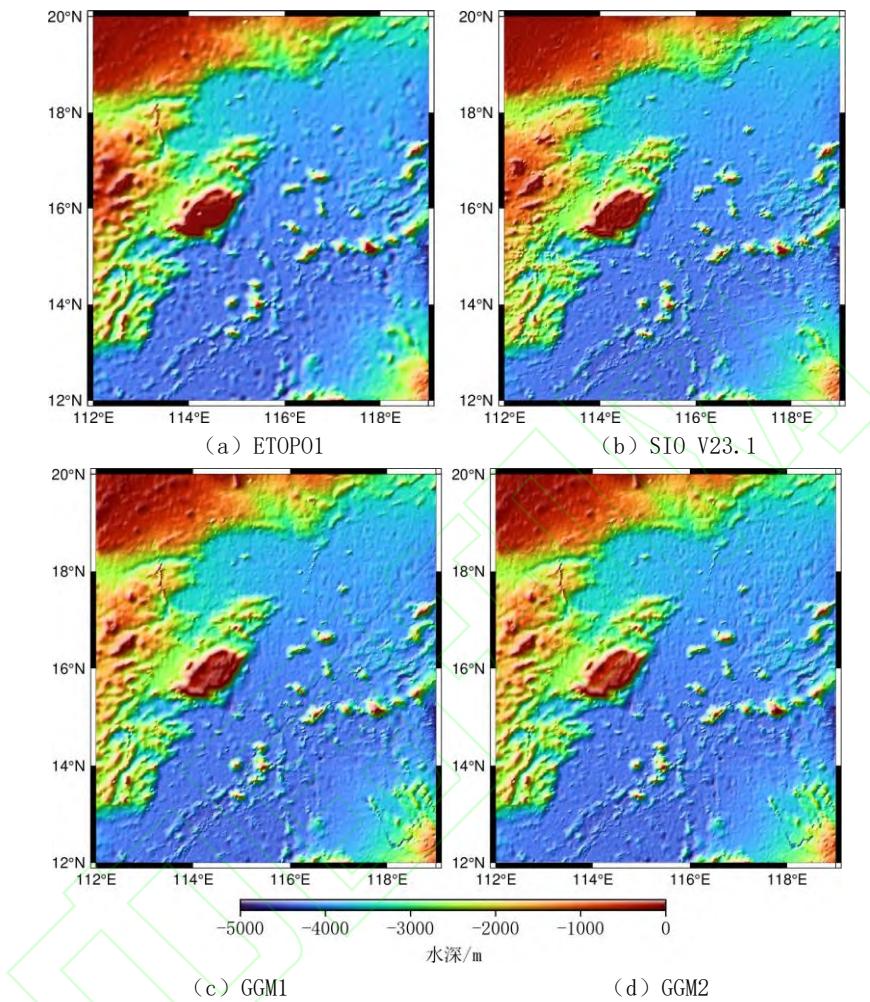
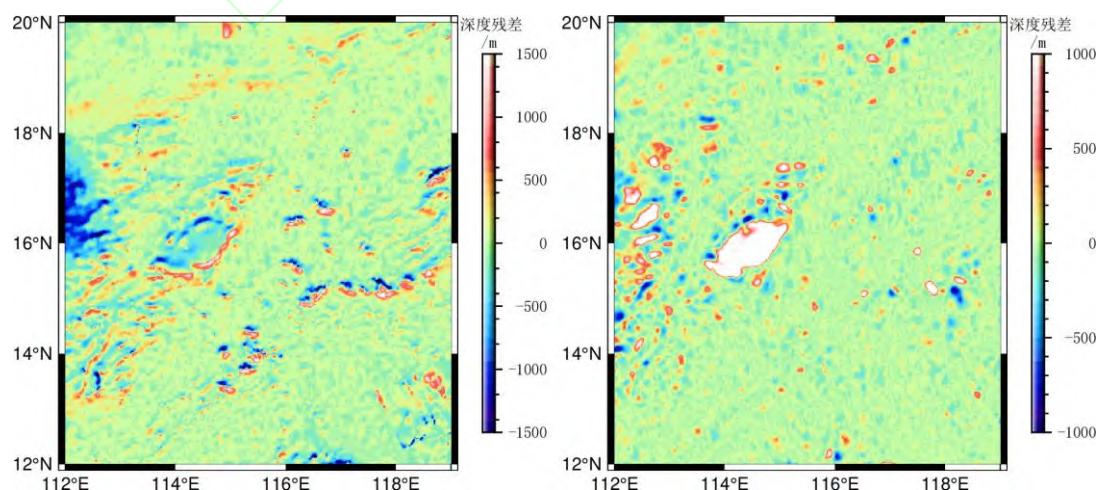


图 7 四种海底地形模型
Fig.7 Four Seafloor Topography Models



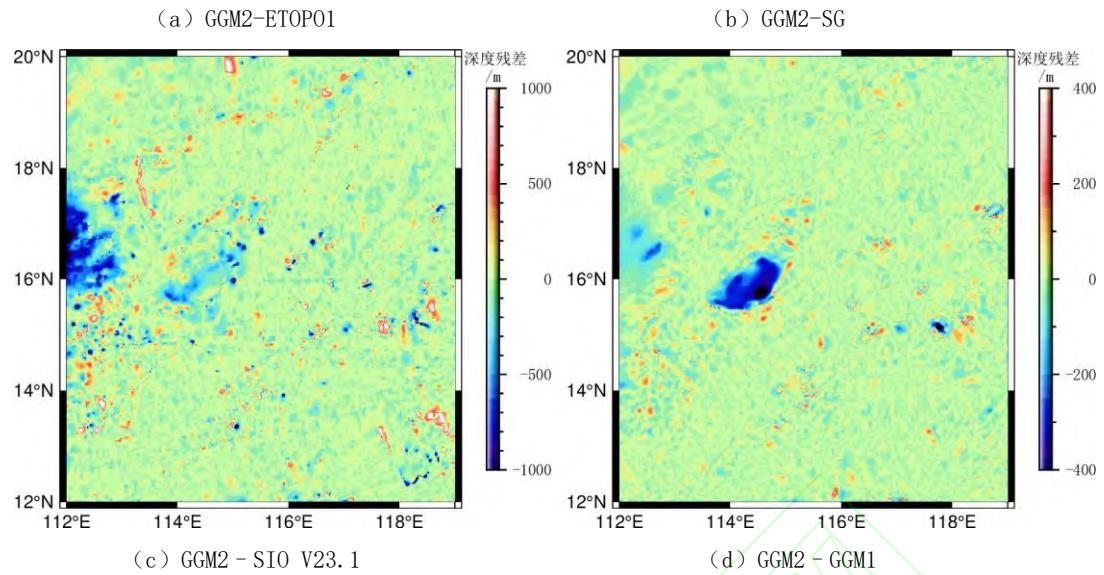


图 8 GGM2 模型与其他模型的差异

Fig.8 Differences Between GGM2 and Other Models

2.4 模型精度分析

利用检核点评估各海底地形模型的精度，结果如表 1 所示。表 1 中的相对误差被定义为模型在所有检核点上的水深偏差与相应检核点水深之比的绝对值取平均值^[24]。由表 1 可以看出，SG 模型精度最低，其 RMS 为 255.4 m；相对误差高达 6.24%；平均偏差为 -26.0 m，表明其与检核点间存在系统偏差。ETOPO1 模型的精度亦明显低于 SIO 模型、GGM1 模型和 GGM2 模型，其 RMS 为 167.5 m，同样存在较大的系统偏差。SIO、GGM1 和 GGM2 模型精度相当，它们的 RMS 分别为 144.1 m、133.2 m 和 130.4 m，GGM2 模型精度略优于 GGM1 模型，精度提升 2.8 m，且平均偏差最小，为 -2.9 m。从相对误差分析，SIO 模型最优，仅为 3.09%；其次是 GGM2 模型，为 3.83%，略优于 GGM1 模型。图 9 (a) 为 GGM2 模型水深差异直方图，条块宽度为 50 m。由图 9 (a) 可以看出，大多数水深差异集中在 ±100 m 范围内，与正态分布相比，具有更尖锐的“山峰”和更长的“尾部”。图 9 (b) 为各模型水深差异的累积分布。ETOPO1、SIO、GGM1 和 GGM2 模型水深差异绝对值在 100 m 以内的检核点数占比分别为 70.2%、80.0%、77.7%、和 77.1%。

为了进一步考察各模型在不同波长上的表现，计算各模型的径向功率谱密度，结果如图 10 所示。其中，纵轴进行了 $10 \times \log_{10}$ 缩放。

由图 10 可知，波长小于 20 km 时，SIO 模型具有最高的能量，且明显优于其他模型。随后，GGM2 模型的能量略高于 SG 和 GGM1 模型。ETOPO1 模型在短波长中的能量远低于其他模型。出现上述现象的主要原因是，在小于 20 km 波段内，测高重力异常的信噪比较低，海底地形与重力异常间的相干性不高^[3]，因而该波段海底地形信号主要来源于船测水深。最新的 SIO V23.1 模型所基于的船测数据质量可能更优，从而使其具有更高的能量；SG、GGM1 和 GGM2 模型采用相同的船测水深控制点，因而具有相同的能谱；ETOPO1 模型于 2008 年发布，其融合的船测资料最小，所以表现最差。在 20~130 km 的中长波段内，除 SG 模型曲线明显偏低外，其他模型表现较为接近。该波段是重力数据的主要贡献区间^[3]，未使用重力数据的 SG 模型应具有最低的能量。值得注意的是，在大于 80 km 波段内，GGM1 模型的能谱略高于其他模型，其原因有待进一步研究。

为分析各模型精度与水深之间的关系，统计不同水深范围内各模型与检核点差异的 RMS，见表 2。由表 2 可知，在深度小于 1000 m 的浅水区，SIO 模型精度优于 GGM1 和 GGM2 模型，三种模型的 RMS 分别为 61.1 m、117.6 m 和 119.9 m，表明利用 GGM 法反演浅水区海底地形并无优势。GGM 法的优势水深区间位于 1000~2000 m、3000~4000 m 及大

于 4000 m 的深水区，在上述区间内，GGM1 和 GGM2 模型精度均显著优于 SIO 模型。此

外，GGM2 相比与 GGM1 模型在 1000~4000 m 区间内精度更高，提升了 5~10 m。

表 1 各海底地形模型与检核点差异

Tab.1 Deviations Between Various Seafloor Topography Models and Check Points

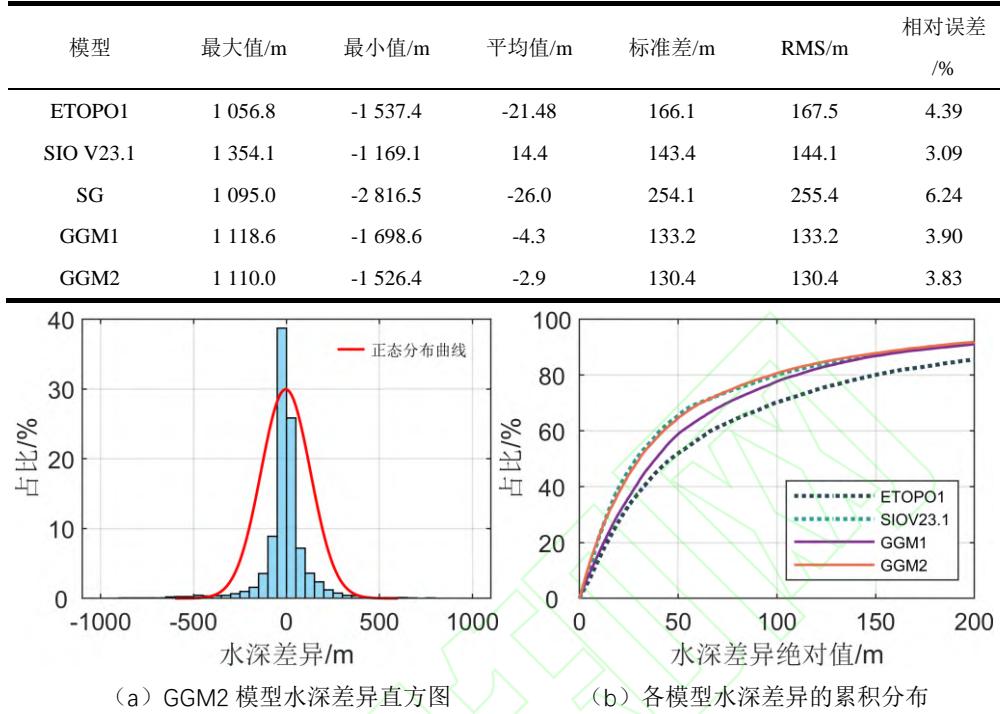


图 9 水深差异检核点数量占比

Fig.9 Proportion of Bathymetric Check Points

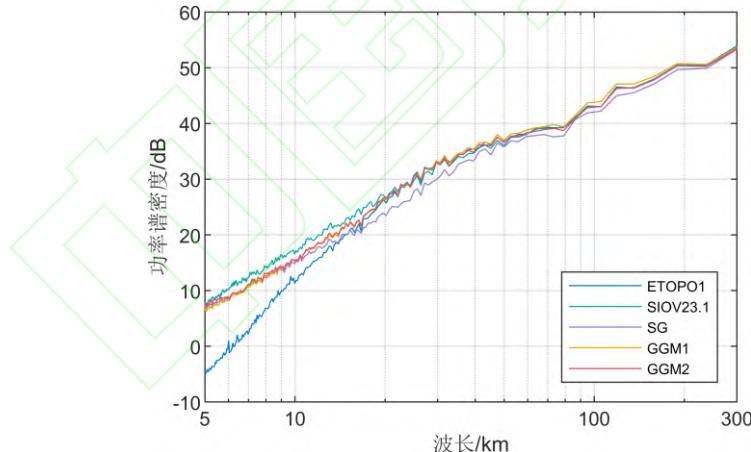


图 10 各海底地形模型功率谱密度

Fig.10 Power Spectral Density of Various Seafloor Topography Models

表 2 不同水深区间各模型与检核点差异的 RMS

Tab.2 RMS of Deviation Between Various Seafloor Topography Models and Check Points at Different Depth

水深区间/m	检核点数量/个	RMS/m		
		SIO V23.1	GGM1	GGM2
≤1 000	2 170	61.1	117.6	119.9
1 000~2 000	2 135	230.1	175.7	-166.1
2 000~3 000	2 454	167.7	194.3	191.3

3 000~4 000	8 150	173.1	160.9	155.9
≥4 000	11 076	97.3	74.5	75.9

许多研究表明,应用 GGM 反演大范围复杂地区的海底地形时,有必要按地质条件区分各子区以采用不同的密度差进行反演^[16,24]。为了客观分析 GGM2 模型在复杂地形区的性能,本文分别反演了区域 A ($116^{\circ}\text{E} \sim 119^{\circ}\text{E}$, $14.5^{\circ}\text{N} \sim 17.5^{\circ}\text{N}$) 和区域 B ($112^{\circ}\text{E} \sim 116^{\circ}\text{E}$, $15^{\circ}\text{N} \sim 17^{\circ}\text{N}$) 的海底地形,并计算了不同密度差反演结果与检核点水深差异的 STD 和相关系数,结果如图 11 所示。各模型在 2 个区域与检核点的比较统计见表 3。

区域 A 内包含黄岩海山链及众多海丘,地形变化复杂,但具有均匀分布的船测水深数据。由图 11(a)可知,区域 A 确定的 $\Delta\rho = 0.9 \text{ g/cm}^3$;由表 3 可知,区域 A 中 SIO V23.1 模型具有最高精度,其 RMS 为 106.8 m ; ETOPO1 模型精

度最差, GGM 类模型精度远优于 ETOPO1 模型,不如 SIO V23.1 模型。GGM2 模型的 RMS 为 141.0 m ,相比 GGM1 模型精度提升了 10.8 m ,该结果表明,在复杂地形区 GGM 反演中,考虑地形非线性项能有效提高模型精度。

区域 B 中部为中沙群岛,西部为西沙群岛东侧,存在众多岛礁和海沟、海槽,东部向南海海盆过渡,地形坡度大。此外,该区域的船测数据匮乏,会影响海底地形反演的质量。由图 11(b)可知,区域 B 确定的 $\Delta\rho = 0.9 \text{ g/cm}^3$;从表 3 可知,区域 B 中 GGM2 模型具有最高的精度,其 RMS 为 150.2 m ,相对误差 4.14% ,相比 GGM1 模型精度提升了 4.7 m ; SIO V23.1 模型的 RMS 最大,ETOPO1 模型的相对误差最高。

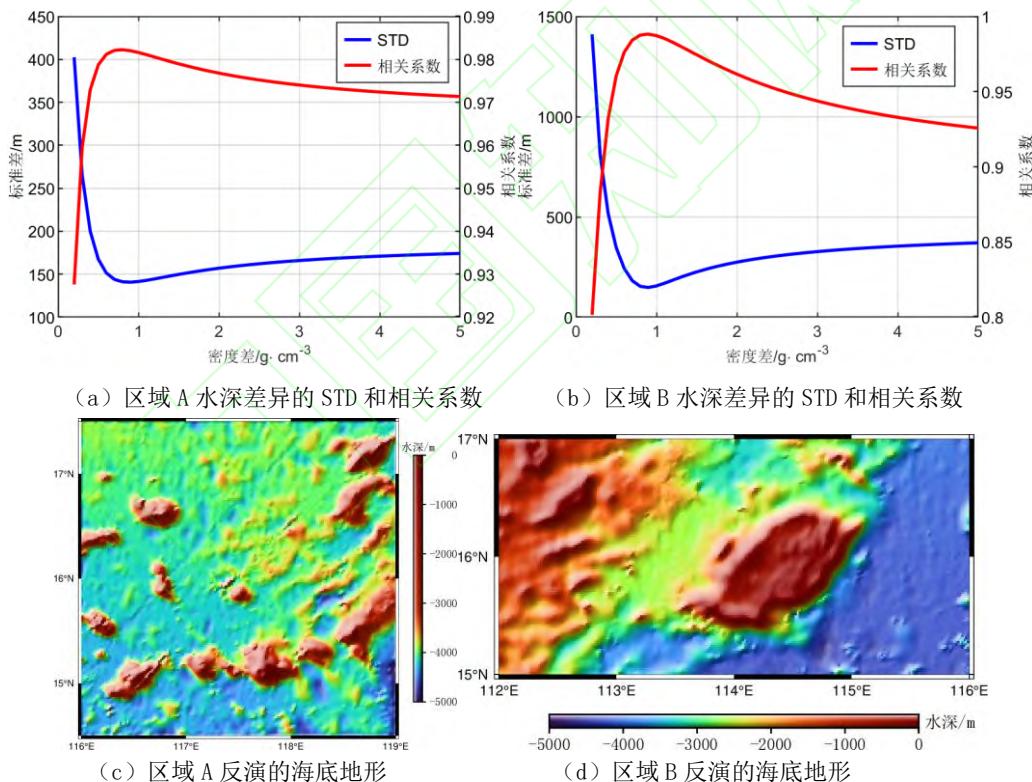


图 11 改进 GGM 在区域 A、B 的反演结果

Fig.11 Inverted Results of the Improved GGM in Areas A and B

表 3 不同海底地形模型与 A、B 区域检核点比较

Tab.3 Comparison Between Various Seafloor Topography Models and Check Points in Areas A and B

区域	检核点数量 /个	模型	最大值/m	最小值/m	平均值/m	标准差/m	RMS/m	相对误差/%
A	3767	ETOPO1	1020.7	-1537.4	-15.6	213.2	213.7	4.40
		SIO V23.1	853.2	-584.0	12.0	106.1	106.8	2.11

		GGM1	1125.7	-1680.6	-11.0	151.5	151.8	3.00
		GGM2	947.9	-1461.0	-8.9	140.7	141.0	2.91
B 5511	5511	ETOPO1	644.1	-1053.3	-53.6	202.9	209.9	5.95
		SIO V23.1	1354.1	-868.1	47.1	219.7	224.7	4.54
		GGM1	522.0	-937.9	-31.2	151.8	154.9	4.20
		GGM2	509.4	-908.3	-25.1	148.1	150.2	4.14

3、结语

针对传统 GGM 方法仅顾及地形线性部分而忽略非线性项的问题,本文利用频率域重力正演方法和迭代缩放技术来恢复海底地形的非线性信息,生成了中国南海 $1' \times 1'$ 海底地形模型,并对模型的精度水平进行了综合评估。结果表明:

1) 仅使用简单布格板公式计算的短波重力异常与四阶 Parker 公式计算结果相比会引起超过 50 mGal 的偏差,尤其是在地形起伏较大的地区。

2) 应用迭代缩放技术并以观测重力异常的精度水平作为收敛条件,能改善从短波重力异常中所恢复海底地形的质量。

3) 与 ETOPO1 和 SIO V23.1 模型相比,由改进 GGM 反演得到的 GGM2 模型在研究区中具有最高的精度,它与检核点差异的 RMS 为 130.4 m; 平均值为 -2.9 m; 相对误差等于 3.83%。GGM2 模型相对于由传统 GGM 获得的 GGM1 模型,精度提升 2.8 m,主要获得改善的水深区间为 1000~4000 m。

4) 分区反演结果表明,改进 GGM 相比传统 GGM 在黄岩海山链附近改善效果较好,精度提高了 10.8 m; 在中沙群岛附近精度提高了 4.7 m。

参 考 文 献

- [1] Smith W. Introduction to this Special Issue on Bathymetry from Space[J]. *Oceanography*, 2004, 17(1): 6-7
- [2] Sandwell D, Garcia E, Soofi K, et al. Toward 1-mGal Accuracy in Global Marine Gravity from CryoSat-2, Envisat, and Jason-1[J]. *The Leading Edge*, 2013, 32(8): 892-899
- [3] Smith W H F, Sandwell D T. Global Sea Floor Topography from Satellite Altimetry and Ship Depth Soundings[J]. *Science*, 1997, 277(5334): 1956-1962
- [4] Fan Diao, Li Shanshan, Meng Shuyu, et al. Influence Analysis of High-Order Seafloor Topography on Sea Surface Gravity Information[J]. *Geomatics and Information Science of Wuhan University*, 2021, 46(9): 1328-1335 (范雕, 李姗姗, 孟书宇, 等. 海底地形高次项对海面重力信息影响分析[J]. 武汉大学学报·信息科学版, 2021, 46(9): 1328-1335)
- [5] Ramillien G, Wright I C. Predicted Seafloor Topography of the New Zealand Region: A Nonlinear Least Squares Inversion of Satellite Altimetry Data[J]. *Journal of Geophysical Research: Solid Earth*, 2000, 105(B7): 16577-16590
- [6] Kim K B, Hsiao Y S, Kim J W, et al. Bathymetry Enhancement by Altimetry-Derived Gravity Anomalies in the East Sea (Sea of Japan)[J]. *Marine Geophysical Researches*, 2010, 31(4): 285-298
- [7] Kim J W, Frese R R B, Lee B Y, et al. Altimetry-Derived Gravity Predictions of Bathymetry by the Gravity-Geologic Method[J]. *Pure and Applied Geophysics*, 2011, 168(5): 815-826
- [8] Hsiao Y S, Kim J W, Kim K B, et al. Bathymetry Estimation Using the Gravity-Geologic Method: An Investigation of Density Contrast Predicted by the Downward Continuation Method[J]. *Terrestrial, Atmospheric and Oceanic Sciences*, 2011, 22(3): 347
- [9] Xiang X S, Wan X Y, Zhang R N, et al.

- Bathymetry Inversion with the Gravity-Geologic Method: A Study of Long-Wavelength Gravity Modeling Based on Adaptive Mesh[J]. *Marine Geodesy*, 2017, 40(5): 329-340
- [10] Sun Y J, Zheng W, Li Z W, et al. Improved the Accuracy of Seafloor Topography from Altimetry-Derived Gravity by the Topography Constraint Factor Weight Optimization Method[J]. *Remote Sensing*, 2021, 13(12): 2277
- [11] Xing J, Chen X X, Ma L. Bathymetry Inversion Using the Modified Gravity-Geologic Method: Application of the Rectangular Prism Model and Tikhonov Regularization[J]. *Applied Geophysics*, 2020, 17(3): 377-389
- [12] Ouyang Mingda, Sun Zhongmiao, Zhai Zhenhe. Predicting Bathymetry in South China Sea Using the Gravity-Geologic Method[J]. *Chinese Journal of Geophysics*, 2014, 57(9): 2756-2765 (欧阳明达, 孙中苗, 翟振和. 基于重力地质法的南中国海海底地形反演[J]. 地球物理学报, 2014, 57(9): 2756-2765)
- [13] Yang J J, Jekeli C, Liu L T. Seafloor Topography Estimation from Gravity Gradients Using Simulated Annealing[J]. *Journal of Geophysical Research: Solid Earth*, 2018, 123: 6958-6975
- [14] Ibrahim A, Hinze W J. Mapping Buried Bedrock Topography with Gravity[J]. *Ground Water*, 1972, 10(3): 18-23
- [15] Kim K B, Yun H S. Satellite-Derived Bathymetry Prediction in Shallow Waters Using the Gravity-Geologic Method: A Case Study in the West Sea of Korea[J]. *KSCE Journal of Civil Engineering*, 2018, 22(7): 2560-2568
- [16] Annan R F, Wan X Y. Mapping Seafloor Topography of Gulf of Guinea Using an Adaptive Meshed Gravity-Geologic Method[J]. *Arabian Journal of Geosciences*, 2020, 13(7): 1-12
- [17] Hu Minzhang, Li Jiancheng, Jin Taoyong. Bathymetry Prediction from GGM Method with Terrain Reductions[J]. *Geomatics and Information Science of Wuhan University*, 2013, 38(1): 60-63 (胡敏章, 李建成, 金涛勇. 顾及局部地形改正的GGM海底地形反演[J]. 武汉大学学报·信息科学版, 2013, 38(1): 60-63)
- [18] Parker R L. The Rapid Calculation of Potential Anomalies[J]. *Geophysical Journal International*, 1973, 31(4): 447-455
- [19] Fan D, Li S S, Li X X, et al. Seafloor Topography Estimation from Gravity Anomaly and Vertical Gravity Gradient Using Nonlinear Iterative Least Square Method[J]. *Remote Sensing*, 2020, 13(1): 64
- [20] Silva J B C, Santos D F, Gomes K P. Fast Gravity Inversion of Basement Relief[J]. *GEOPHYSICS*, 2014, 79(5): G79-G91
- [21] Tozer B, Sandwell D T, Smith W H F, et al. Global Bathymetry and Topography at 15 Arc Sec: SRTM15+[J]. *Earth and Space Science*, 2019, 6(10): 1847-1864
- [22] Amante C. ETOPO1 1 Arc-Minute Global Relief Model : Procedures, Data Sources and Analysis[R]. Washington: National Geophysical Data Center, 2009
- [23] Smith W H F, Wessel P. Gridding with Continuous Curvature Splines in Tension[J]. *GEOPHYSICS*, 1990, 55(3): 293-305
- [24] Wei Z J, Guo J Y, Zhu C C, et al. Evaluating Accuracy of HY-2A/GM-Derived Gravity Data with the Gravity-Geologic Method to Predict Bathymetry[J]. *Frontiers in Earth Science*, 2021, 9: 636246

Improved Gravity-Geologic Method and Its Application to Seafloor Topography Inversion in the South China Sea

XU Chuang^{1,2}, LI Jinbo¹, WU Yunlong³

1 Department of Surveying Engineering, School of Civil and Transportation, Guangdong University of Technology, Guangzhou 510006, China.

2. State Key Laboratory of Geodesy and Geodynamics, Institute of Precision Surveying Science and Technology Innovation, Chinese Academy of Sciences, Wuhan, 430077.

3. Key Laboratory of Earthquake Geodesy, Institute of Seismology, China Earthquake Administration, Wuhan 430071, China.

Abstract: **Objectives:** The accuracy of the traditional gravity-geologic method (GGM) for inversion of seafloor topography should be improved. **Methods:** This paper proposes an improved GGM (GGM2) considering the nonlinear term. **Results:** The 1 arc minute seafloor topography of the South China Sea is inverted by GGM2, and its accuracy is evaluated through check points to verify the effectiveness. **Conclusions:** The results show that neglecting nonlinear term of seafloor topography results in a deviation of approximately 50 mGal in mountainous areas with undulation of approximately 2 km. The nonlinear term of seafloor topography could be recovered by the improved GGM from short-wavelength gravity anomaly. Compared with the traditional GGM (GGM1), ETPO1 and SIO V23.1, GGM2 has the best accuracy. The root mean square (RMS) of deviations between GGM2 and check points is 130.4 m. Compared with GGM1, the improvement of the proposed method near the Huangyan seamount chain is 10.8 m, and it is 4.7 m near the Zhongsha Islands.

Key words: seafloor topography; gravity anomaly; gravity geological method; nonlinear term

First author: XU Chuang, PhD, associate professor, specializes in gravity inversion theory, method and application. Email: chuangxu@gdut.edu.cn

Corresponding Author: WU Yunlong, PhD, professor. E-mail: yunlongwu@gmail.com

Foundation support: The National Natural Science Foundation of China (41974014, 41974096, 41931074); the Fund Program of the State Key Laboratory of Geodesy and Earth's Dynamics, Innovation Academy for Precision Measurement Science and Technology(SKLGED2021-1-2); the Natural Science Foundation of Guangdong Province (2022A1515010396).

标题: 改进的重力地质法及其在南海地区海底地形反演中的应用

作者: 许闯,黎晋博,吴云龙

DOI: 10.13203/j.whugis20220199

收稿日期: 2022-04-22

引用格式:

许闯,黎晋博,吴云龙等. 改进的重力地质法及其在南海地区海底地形反演中的应用[J]. 武汉大学学报·信息科学版, 2022, DOI: 10.13203/j.whugis20220199 (XU Chuang, LI Jinbo, WU Yunlong, et al. Improved Gravity-Geologic Method and Its Application to Seafloor Topography Inversion in the South China Sea[J]. *Geomatics and Information Science of Wuhan University*, 2022, DOI: 10.13203/j.whugis20220199)

网络首发文章内容和格式与正式出版会有细微差别,请以正式出版文件为准!

您感兴趣的其他相关论文:

海底地形高次项对海面重力信息影响分析

范雕,李姗姗,孟书宇,邢志斌,张驰,冯进凯,曲政豪

武汉大学学报·信息科学, 2021, 46(9): 1328-1335.

<http://ch.whu.edu.cn/cn/article/doi/10.13203/j.whugis20190192>