DOI:10.13203/j. whugis20140051

GPS 单双频混合方法在地表形变监测中的应用

匡翠林^{1,2} 张晋升¹ 卢辰龙¹ 易重海^{1,2}

1 中南大学地球科学与信息物理学院,湖南 长沙,410083
 2 湖南省精密工程测量与形变灾害监测重点实验室,湖南 长沙,410083

摘 要:在地表形变监测中,若全采用双频 GPS 则费用过高,若全采用单频 GPS 则因电离层误差得不到较好 消除而导致精度下降。针对这一问题,本文采用 GPS 单双频混合模式,即通过解算监测区域外围的双频 GPS 数据获取该区域大气延迟误差残余量,将其用于改正内部单频监测站点数据,从而在降低硬件成本的同时改 善监测精度。利用研发的软件对实测数据进行处理分析,结果表明,改正后的高程分量精度优于 1.24 cm,三 维位置精度优于 1.59 cm,较单频方法提高 24%;且当单频站点位于双频站点组成的区域内部时改正效果更 好,高程分量精度优于 0.95 cm,三维位置精度优于 1.2 cm,精度改善比例达到 30%,最高可达 58%。 关键词:单双频混合;GPS;地表形变监测;区域大气延迟

中图法分类号: P228.42 文献标志码: A

随着城市用水的增加,人们大量开采地下水, 同时由于地铁、地下商场等地下建筑物的修建,很 多地区的地表发生了严重的形变,因此,有必要建 立连续监测网监测地表形变。GPS使用方便、误 差积累较小,且能实时获取地表三维绝对形变信 息,因而在边坡、大坝以及地表沉降等变形监测中 应用广泛[1-3]。利用 GPS 进行地表形变监测时, 通常采用相对定位方法,影响其结果精度的主要 因素是对流层延迟和电离层延迟。对流层延迟通 常采用模型改正,改正后的残余误差采用参数估 计方法;电离层由于其活跃性与不确定性,一般采 用双频消电离层组合的方法消除。

较早的 GPS 连续观测网络是 1988 年在日本 建立的,其主要用于研究地震预报。其后,大量的 连续性 GPS 观测网络被建立起来用于桥梁、建筑 物以及火山等形变监测^[4-6]。为了获得高精度的 结果,这些监测网一般采用双频大地型 GPS 接收 机,从而导致工程应用成本很高。为了降低变形 监测的费用,可以考虑使用单频 GPS 接收机,但 是其不能通过双频消电离层组合直接消除电离层 延迟一阶项影响^[6],从而导致精度下降,因此,单 频 GPS 一般用于小范围的变形监测。但是,在电 离层活跃年份如 2013 年,或是在低纬度地区,即使 基线较短,电离层误差空间相似性并不理想,这样 势必影响单频 GPS 定位精度,且导致模糊度收敛 时间延长^[7-8]。因此,本文采用 GPS 单双频混合模 式,即在变形监测外围布设双频 GPS 接收机,在变 形监测区域内部布设单频 GPS 接收机,通过双频 GPS 观测数据建立大气延迟误差的改正信息,将其 用于改正监测点的单频数据,从而实现了在降低变 形监测成本的同时又保证了监测精度^[9-10]。

1 区域大气延迟误差残余量改正

GPS 大气延迟误差主要包括电离层延迟和 对流层延迟两部分,其中电离层又因其活跃性和 不确定性而常给基线解算引入较大误差。在短基 线处理中通常认为通过双差处理后的残余大气延 迟误差已足够小,不会对基线解算结果造成影响。 但是,在电离层活跃年份或是低纬度区域,即使是 短基线两端的站点其电离层误差也不能通过双差 算法很好地消除。

采用双频接收机可以通过消电离层组合的方 式消除电离层一阶项影响,但双频 GPS 费用较 高,而单频 GPS 虽价格较低,却又无法通过观测 值组合直接消除电离层误差。因此综合考虑单双 频 GPS 的优缺点,可以在变形监测网中的基准站 上安装双频接收机,监测站上安装单频接收机,采

项目资助:湖南省高校创新平台开放基金(14K102)。

收稿日期:2014-09-13

第一作者: 匡翠林,博士,副教授,主要从事 GNSS 导航与定位研究。cuilinkuang@163.com

用双频 GPS 观测数据生成区域大气延迟误差改 正项,用于改正监测站点的单频观测数据^[11-12]。 图 1 所示为理想(即所有单频站点全部位于双频 站点区域内部)的站点分布图,其中三角形表示双 频基准站点,圆点表示单频监测站点。



图 1 理想情况下单双频混合布设示意图

Fig. 1 Ideal Network Configuration of a Mixed-Mode GPS Deformation Monitoring Network

已知双差相位观测方程为:

$$\nabla \varphi = \nabla \rho + \nabla d\rho + \lambda \nabla N - \nabla d_{\text{ion}} + \nabla d_{\text{trop}} + \nabla d_{m}^{\varphi} + \epsilon_{\nabla \varphi}$$
(1)

式中, \Box 表示双差操作; φ 表示以 m 为单位的相 位观测值; ρ 表示接收机和卫星之间的几何距离; $d\rho$ 表示卫星星历误差; λ 表示载波相位波长; N表示整周模糊度; d_{ion} 、 d_{trop} 、 d_m° 分别表示电离层、 对流层以及多路径误差; $\epsilon_{\Sigma\varphi}$ 表示未模型化的误差 及双差相位观测方程噪声。

假设 GPS 双频基准站的个数为 3,分别用下 标 1、2、3 表示。由于基准站的坐标精确已知,因 此几何距离计算中可以认为没有误差,又因轨道 误差 ☑ dρ 在双差之后可以忽略不计,且基准站一 般设立在开阔区,并采用抑径板天线,因此多路径 误差 ☑ d^g_p 也可忽略。则三个基准站之间组成两 条独立基线的双差残差为:

$$V_{1,3} = \nabla \varphi_{1,3} - \nabla \rho_{1,3} - \lambda \nabla N_{1,3} \qquad (2)$$

$$V_{2,3} = \nabla \varphi_{2,3} - \nabla \rho_{2,3} - \lambda \nabla N_{2,3} \qquad (3)$$

令移动站下标为 u,则移动站和基准站 3 形成的 双差相位观测方程为:

$$\nabla \varphi_{u,3} - (-\nabla d_{\rm ion} + \nabla d_{\rm trop})_{u,3} =$$

根据基准站和移动站的站点分布示意图可 知,移动站所在基线的误差可以通过两条基准站 基线的残差加以改正。改正后的移动站基线相位 双差观测方程为:

$$\nabla \varphi_{u,3} - (\alpha_1 V_{1,3} + \alpha_2 V_{2,3}) = \nabla \rho_{u,3} + \lambda \nabla N_{u,3} + \nabla d_m^{\varphi} + \varepsilon_{\nabla \varphi_{u,3}}$$
(5)

参数 α_i 满足如下条件 :

$$\sum_{i=1}^{3} a_{i} = 1, \ \sum_{i=1}^{3} a_{i} (\mathbf{X}_{u} - \mathbf{X}_{i}) = 0, \ \sum_{i=1}^{3} a_{i}^{2} = \min$$
(6)

式中, X_u 表示移动站坐标向量; X_i 表示基准站坐标向量。则移动站u与基准站3组成的双差相位观测方程的误差改正项为 $\alpha_1V_{1,3} + \alpha_2V_{2,3}$ 。令变形监测区域内的任意两个监测站点为j,k,则可以在这两个监测站点之间组成双差观测方程:

式中, $\alpha_{i_{k,i}}$ 表示测站 $j \, k$ 的 a_i 之差。

由式(5)可知,假设 V_{1.3}和 V_{2.3}的误差不相关 且都为 σ_α,则通过区域大气延迟误差改正后的观 测方程误差为:

 $ε'_{\Sigma_{P_{u,3}}} = \sqrt{(ε_{\Sigma_{P_{u,3}}})^2 + (a_1^2 + a_2^2)\sigma_v^2}$ (8) 式中, $ε'_{\Sigma_{P_{u,3}}}$ 为改正后的双差观测方程误差; $ε_{\Sigma_{P_{u,3}}}$ 为原始双差观测方程的误差。式(8)是一个比较 简化的推导结果,但是能在一定程度上反应出改 正后的观测方程误差与 a_1 和 a_2 的关系,即 $a_1^2 + a_2^2$ 越小,改正后的观测方程误差越小。因此,在后续 的实验中笔者采用两种布站方案,分别通过不同 的组基线方式改变 $a_1^2 + a_2^2$,并比较最终的定位精 度。

2 实验与结果分析

实验数据来源于广州南沙 GPS 地面沉降监 测网络的实时观测数据,站点分布如图 2 所示。 其中,三角形表示双频基准站点(GD03,GD05, GD08,GD10),圆点表示单频监测站点(GD01, GD07)。实验数据采用电离层活跃年份 2013-04-01~07-01 连续 3 mon(年积日 091~181)数据, 数据采样间隔为 20 s。



2.1 区域大气延迟误差残余量计算

在本文实验中,把直接采用传统双差解算未 进行其他改正的方法称为直接双差方法,在单双 频混合模式中采用了两种方案进行实验。方案 1 中采用 GD05-GD03 基线(5.9 km)和 GD05-GD08 基线(9.7 km)生成区域大气延迟误差,并 改正单频站点 GD01 和 GD07,其中,GD07 站点 位于该组三个基准站围成的三角形区域内,而 GD01 站点位于区域之外。方案 2 中采用 GD08-GD03 基线(4.4 km)和 GD08-GD10 基线(4.6 km)生成区域大气延迟误差,并改正单频站点 GD01 和 GD07,其中,GD07 站点位于该组三个基 准站围成的三角形区域内,而 GD01 站点位于区 域之外。

根据式(2)和式(3),分别计算方案1和方案 2 的大气延迟误差残余量。双频基准站的坐标采 用 Bernese 5.0 解算获取的网解,因此认为精度 足够可靠。本文实验中基准站间的双差整周模糊 度确定过程为:首先确定双差宽巷模糊度,再确定 窄巷模糊度,最后分别确定 L1 和 L2 的双差模糊 度,具体理论推导过程参见文献[13-14]。笔者采 用自编数据处理软件[15]进行解算,双差残差信息 如图 3 和图 4 所示。图 3 所示为方案 1 中 L1 载 波相位双差残差结果,其中,图 3(a)表示 GD05-GD03 基线 L1 载波相位双差残差,图 3(b)表示 GD05-GD08 基线 L1 载波相位双差残差。图 4 所 示为方案 2 + L1 载波相位双差残差结果,其中, 图 4(a) 表示 GD08-GD03 基线 L1 载波相位双差 残差,图4(b)表示GD08-GD10基线L1载波相位 双差残差。图 3、4 中序列存在间断是由于监测过 程中各种因素导致的数据缺失。





比较图 3 和图 4 可以看出,在电离层活跃年 份(2013 年),处于低纬度地区(北纬 22°左右)的 GPS 站尽管基线较短,经过双差差分之后,残余



Fig. 4 Double-Differenced L1 Residuals for Scheme Two

的大气延迟误差尤其是电离层残余误差仍较大, 此时若不进行后续改正处理则会严重影响最终的 基线解算结果。

2.2 定位精度分析

采用单双频混合处理模式,即在基线解算时添加基准站双频数据的双差改正信息,对上述数据进行解算获取了单天解坐标序列。为了能够更直观地显示沉降信息,本文把空间直角坐标(*XYZ*)转换到测站坐标(ENU)来描述。

根据式(6)可计算出每个单频 GPS 站点相应 的 α_i 值,表 1 所示为两种方案下计算出的 GD01 点 和 GD07 点的 α_1 和 α_2 值。根据计算得到的 α_i 值即 可计算大气延迟误差残余量,再根据式(5)对单频 数据进行改正。图 5 和图 6 分别表示方案 1 中 GD01 站点和 GD07 站点在经过区域大气延迟误差 改正前后的单频解算结果对比图。图 7 和图 8 分 别表示方案 2 中 GD01 站点和 GD07 站点在经过区 域大气延迟误差改正前后的单频解算结果对比图。

由于此次广州南沙项目中的 GPS 接收机性 能稍差导致观测数据质量不高,因此对定位精度 有所影响,但从图 5~8 中仍能得出部分有益的结 论。从 GD01 站点的方案 1 和方案 2(即图 5 和图 7)可得出方案 2 的改正精度优于方案 1,对比表 1 的最后一列 $\alpha_1^2 + \alpha_2^2$ 的值可验证前面的原理论述 部分,即 $\alpha_1^2 + \alpha_2^2$ 的值越小,添加区域大气延迟误 差后的观测方程的噪声越小,从而更有利于提高 后续的基线解算结果,这一结论同样从 GD07 站 点的方案 1 和方案 2(即图 6 和图 8)可得到验证。 再比较 GD01 站点和 GD07 站点的方案 1 改正信 息(即图 5 和图 6)可得出,对于同一种改正方案, 第 41 卷第 5 期

由于 GD07 站点位于双频基准站组成的三角形区 域内部,而 GD01 站点位于双频基准站组成的三 角形区域外部,GD07 站点的精度改善比例高于 GD01 站点,这一结论同样从 GD01 站点和 GD07 站点的方案 2(图 7 和图 8)中得到验证。

表1 两种方案中单频站点的 α_i 值

Tab. 1 α_i Values of Single Frequency Stations for

Two Schemes

站点	方案	α1	α2	$\alpha_1^2 + \alpha_2^2$
GD01	方案 1	2.119 9	-0.927 1	5.35
	方案 2	1.817 2	-0.180 8	3.33
GD07	方案 1	0.222 3	0.649 8	0.47
	方案 2	0.423 0	0.119 9	0.19



图 5 大气延迟误差残余量改正前后 GD01 定位 结果(方案 1)





Correction (Scheme 1)



图 7 大气延迟误差残余量改正前后 GD01 定位 结果(方案 2)





图 8 大气延迟误差残余量改正前后 GD07 定位结果(方案 2)



为了更好地衡量坐标解算结果精度,在统计 意义上可以通过坐标重复性的加权均方根^[16-17] (weighted root mean square,WRMS)来进行评 价。本文借鉴 IGS 组织评定坐标重复性标准,以 周坐标重复性的 WRMS 为评价指标。表 2 给出 了基线解算时采用区域大气延迟误差残余量改正 前后的 WRMS 统计信息对比,为了便于比较,在 表 2 中把 $\alpha_1^2 + \alpha_2^2$ 再次列出。从表 2 中可以发现, 采用单双频混合模式算法,单频数据在经过大气 延迟误差残余量改正之后定位精度有明显改善。 当单频站点位于双频站点组成的区域外部时,U 方向改正后的 WRMS 优于 1.01 cm,三维位置精 度优于 1.31 cm,精度改善达到 37%;当单频站点

0.47

0.19

位于双频站点组成的区域内部时,U方向改正后 的WRMS优于 0.66 cm,三维位置精度优于 0.72

4.2

2.0

cm,精度改善达到 58%。

12.0

7.2

	Tab.	2 Mean WRM	IS Before and Af	ter Using Residu	al Correction of A	tmospheric Delay	
站点	改正方案	E 分量 /mm	N 分量 /mm	U 分量 /mm	三维位置/mm	三维位置 改善比例	$\alpha_1^2 + \alpha_2^2$
	不改正	8.1	12.6	14.6	20.9	_	_
GD01	方案 1	6.1	7.8	12.4	15.9	24%	5.35
	方案 2	4.4	7.2	10.1	13.1	37%	3.33
	不改正	8.2	6.9	13.5	17.2	_	_

9.5

6.6

4.1

2.1

表 2 大气延迟误差残余量改正前后坐标分量 WRMS 均值

3 结 语

方案 1

方案 2

GD07

本文对低纬度的广州南沙地区(北纬 22°左 右)地面沉降监测网 GPS 实测数据进行了单双频 混合模式数据处理,得出:(1)在电离层活跃区域, 如果采用单频数据进行传统双差模式的差分处理 并不能够完全消除大气延迟,尤其是电离层延迟 误差;而通过变形监测区域外围的少数双频基准 站观测数据解算获得的双差大气延迟改正项,对 变形监测区域的单频数据进行改正后,定位精度 将有明显改善,改正后 U 分量精度优于 1.24 cm, 三维位置精度优于 1.59 cm,精度改善优于 24%。 (2)通过两种布站方案进行单双频混合实验,对比 不同的双频基准站组网模式对监测站精度改善的 性能,数值结果表明单双频混合 GPS 数据处理方 法有助于提高单频数据解算精度,且当单频站点 位于基准站组成的三角形区域内部时,改正效果 尤为明显, U 分量精度优于 0.95 cm, 三维位置精 度优于 1.2 cm,精度改善比例达到 30%,最高可 达 58%。综上所述,采用单双频混合布网模式不 仅有利于降低沉降监测中的费用支出,同时也保 证了沉降监测的精度,具有一定的工程实践意义。

参考文献

- [1] Li Zhenghang, Huang Jinsong. GPS Surveying and Data Processing [M]. Wuhan: Wuhan University Press, 2005(李征航,黄劲松. GPS 测量与数据处 理[M]. 武汉:武汉大学出版社, 2005)
- [2] Zhu Jianjun, He Yueguang, Zeng Zhuoqiao, et al. Theories and Methods of Deformation Monitoring
 [M]. Changsha: Central South University Press, 2003(朱建军, 贺跃光, 曾卓乔,等. 变形监测的理 论与方法[M]. 长沙:中南大学出版社, 2003)
- [3] Dong Longqiao. Application of GPS Technique in Regional Ground Settlement Monitoring[J]. Bulle-

tin of Surveying and Mapping, 2006(2):39-41(董 龙桥. 应用 GPS 技术进行大面积地面沉降监测 [J]. 测绘通报, 2006(2): 39-41)

30%

58%

- [4] Abidin H Z, Andreas H, Djaja R, et al. Land Subsidence Characteristics of Jakarta Between 1997 and 2005, as Estimated Using GPS Surveys [J]. GPS Solutions, 2008,12(1): 23-32
- [5] Wang Li, Zhang Qin, Guan Jian'an, et al. Experiment Results and Analysis of the Dynamic Deformation Monitoring of a Kind of Landslide Based on GPS Technology[J]. Geomatics and Information Science of Wuhan University, 2011, 36(4):422-426(王利,张勤,管建安,等.基于 GPS 技术的滑坡动态变形监测试验结果与分析[J]. 武汉大学学报·信息科学版, 2011, 36(4): 422-426)
- [6] Li Zhenghang, Zhang Xiaohong. New Techniques and Precise Data Processing Methods of Satellite Navigation and Positioning [M]. Wuhan: Wuhan University Press, 2009(李征航,张小红.卫星导航 定位新技术及高精度数据处理方法[M]. 武汉:武 汉大学出版社,2009)
- [7] Li Ziwei, Chen Ruofu, Zhang Yong, et al. Preliminary Assessment of Experiential Ionosphere Model for Single Frequency GNSS Users in China Area
 [J]. Chinese Journal of Engineering Geophysics, 2009, 6(5):668-673(李子伟,陈若夫,张勇,等.
 区域单频 GNSS 用户经验电离层模型修正效果评估[J]. 工程地球物理学报, 2009, 6(5): 668-673)
- [8] Tu Rui, Huang Guanwen, Zhang Qin, et al. A New Algorithm on Ionospheric Delay Correction for Single Frequency GPS Receivers[J]. Geomatics and Information Science of Wuhan University, 2012, 37(6):667-670(涂锐,黄观文,张勤,等. GPS单 频机电离层延迟改正新算法[J]. 武汉大学学报・ 信息科学版, 2012, 37(6):667-670)
- [9] Deng Z, Bender M, Zus F, et al. Validation of Tropospheric Slant Path Delays Derived from Single and Dual Frequency GPS Receivers[J]. Radio Sci-

ence, 2011, 46(6), DOI: 10.1029/2011RS004687

- [10] Zou X, Deng Z, Ge M. GPS Data Processing of Networks with Mixed Single and Dual-Frequency Receivers for Deformation Monitoring[J]. Advances in Space Research, 2010,46(2): 130-135
- [11] Han S, Rizos C. GPS Network Design and Error Mitigation for Real-Time Continuous Array Monitoring Systems[C]. ION GPS, Kansas City, MO, 1996
- [12] Janssen V, Roberts C, Rizos C, et al. Low-Cost GPS-Based Volcano Deformation Monitoring at Mt. Papandayan, Indonesia[J]. Journal of Volcanology and Geothermal Research, 2002, 115(1): 139-151
- [13] Tang Weiming, Liu Jingnan, Shi Chuang, et al. Three Steps Method to Determine Double Difference Ambiguities Resolution of Network RTK Reference Staion[J]. Geomatics and Information Science of Wuhan University, 2007, 32(4):305-308(唐卫明, 刘经南,施闯,等. 三步法确定网络 RTK 基准站双 差模糊度[J]. 武汉大学学报・信息科学版, 2007, 32(4): 305-308)
- [14] Zhu Huizhong, Liu Jingnan, Tang Weiming, et al.

The Algorithm of Single-Epoch Integer Ambiguity Resolution Between Long-Range Network RTK Base Stations[J]. Acta Geodaetica et Cartographica Sinica, 2012, 41(3):359-365(祝会忠,刘经南,唐卫明,等. 长距离网络 RTK 基准站间整周模糊度单历元确定 方法[J]. 测绘学报, 2012, 41(3): 359-365)

- [15] Zhang Jinsheng, Kuang Cuilin, Xie Rong'an, et al. Software Design and Implementation for Automatic Deformation Monitoring by Using GPS[J]. Geotechnical Investigation & Surveying, 2013(8):67-70(张晋升, 匡翠林,谢荣安,等. GPS 自动变形监测软件设计与 实现[J]. 工程勘察, 2013(8):67-70)
- [16] Xu Ying. Research on the Stability of GPS Reference Station in Tianjin CORS[D]. Wuhan : Wuhan University, 2011(徐莹. 天津 CORS 参考站的位置 稳定性研究[D]. 武汉:武汉大学, 2011)
- [17] Altamimi Z, Sillard P, Boucher C. ITRF2000: A new release of the International Terrestrial Reference Frame for Earth Science Applications [J]. *Journal of Geophysical Research*, 2002, 107 (B10): 2 214-2 221

Single-and Dual-Frequency Mixed Mode GPS Network for Ground Deformation Monitoring

KUANG Cuilin^{1,2} ZHANG Jinsheng¹ LU Chenlong¹ YI Zhonghai^{1,2}

1 School of Geosciences and Info-Physics, Central South University, Changsha 410083, China

2 Key Lab of Precise Engineering Surveying & Deformation Disaster Monitoring of Hunan Province, Changsha 410083, China

Abstract: Ground subsidence monitoring is costly if we use dual-frequency GPS receivers for all stations while positioning precision will decrease if we use single-frequency GPS receivers for all stations, as first-order term ionospheric error cannot be eliminated by combining observations. To solve this problem, we use a single- and dual-frequency mixed mode for subsidence monitoring. We get the residuals for atmospheric delay error by processing dual-frequency stations around the subsidence monitoring region and use the residuals to correct the single-frequency monitoring station observations. This mixed mode approach reduces hardware costs and improves the positioning precision. We processed real subsidence monitoring GPS data based on software developed by the authors. Numerical results show that the precision in the U direction was better than 1.24 cm, three-dimensional position precision was better than 1.59 cm, and precision results were better when single frequency monitoring stations are located within the dual-frequency station region, the precise in U direction was better than 0.95 cm, three-dimensional position precision was better than 1.2 cm, precise improved 30% overall and in the best case conditions, improved to 58%.

Key words: single and dual frequency mixed mode; GPS; ground deformation monitoring; regional atmospheric delay

First author: KUANG Cuilin, PhD, associate professor, specializes in GNSS navigation and positioning. E-mail:cuilinkuang@163.com Foundation support: Innovation Platform Research Foundation of Hunan Province, No. 14K102.