

武汉大学学报(信息科学版) Geomatics and Information Science of Wuhan University ISSN 1671-8860,CN 42-1676/TN

《武汉大学学报(信息科学版)》网络首发论文

题目:	六边形网格的平均重力异常数据构建及其统计优势分析
作者:	李新星,李建成,周睿,范昊鹏
DOI:	10.13203/j.whugis20220569
收稿日期:	2023-04-14
网络首发日期:	2023-06-07
引用格式:	李新星,李建成,周睿,范昊鹏. 六边形网格的平均重力异常数据构建及其
	统计优势分析[J/OL]. 武汉大学学报(信息科学版).
	https://doi.org/10.13203/j.whugis20220569





网络首发:在编辑部工作流程中,稿件从录用到出版要经历录用定稿、排版定稿、整期汇编定稿等阶段。录用定稿指内容已经确定,且通过同行评议、主编终审同意刊用的稿件。排版定稿指录用定稿按照期刊特定版式(包括网络呈现版式)排版后的稿件,可暂不确定出版年、卷、期和页码。整期汇编定稿指出版年、卷、期、页码均已确定的印刷或数字出版的整期汇编稿件。录用定稿网络首发稿件内容必须符合《出版管理条例》和《期刊出版管理规定》的有关规定;学术研究成果具有创新性、科学性和先进性,符合编辑部对刊文的录用要求,不存在学术不端行为及其他侵权行为;稿件内容应基本符合国家有关书刊编辑、出版的技术标准,正确使用和统一规范语言文字、符号、数字、外文字母、法定计量单位及地图标注等。为确保录用定稿网络首发的严肃性,录用定稿一经发布,不得修改论文题目、作者、机构名称和学术内容,只可基于编辑规范进行少量文字的修改。

出版确认:纸质期刊编辑部通过与《中国学术期刊(光盘版)》电子杂志社有限公司签约,在《中国 学术期刊(网络版)》出版传播平台上创办与纸质期刊内容一致的网络版,以单篇或整期出版形式,在印刷 出版之前刊发论文的录用定稿、排版定稿、整期汇编定稿。因为《中国学术期刊(网络版)》是国家新闻出 版广电总局批准的网络连续型出版物(ISSN 2096-4188, CN 11-6037/Z),所以签约期刊的网络版上网络首 发论文视为正式出版。

DOI:10.13203/j.whugis20220569

引用格式:

李新星,李建成,周睿,等. 六边形网格的平均重力异常数据构建及其统计优势分析[J]. 武 汉大学学报(信息科学版), 2023, DOI: 10.13203/j.whugis20220569(LI Xinxing, LI Jiancheng, ZHOU Rui, et al. Hexagonal grid mean free-air gravity anomaly data construction and its statistical advantage analysis[J]. *Geomatics and Information Science of Wuhan University*, 2023, DOI: 10.13203/j. whugis20220569)

六边形网格的平均重力异常数据构建及其统计优势分析

李新星^{1,2}, 李建成², 周睿^{3*},范昊鹏¹ 1 中国人民解放军战略支援部队信息工程大学地理空间信息学院, 河南 郑州 450001 2 武汉大学测绘学院, 湖北 武汉 430079 3 61363 部队, 陕西 西安 710054

摘要

传统地理网格在重力场数据处理和解算中被广泛使用,但也带来诸多不便,例如网格面积不等、各向同性差等。针对地球重力场中地理网格的使用所带来的局限性,本文首次提出采用具有分层结构的六边形网格系统对重力测量数据分布区域进行划分,基于开源的 H3 离散球面网格系统构建我国陆地重力测量数据区域 3 种分辨率的六边形网格,并利用我国 81 万余实测重力资料,构建了上述 3 种分辨率下的六边形网格平均重力异常数值模型,以及平均大小与之对应的地理网格平均重力异常值的代表误差大小。结果表明:L=3、4、5 三种分辨率下的六边形网格与面积近似相等的 67.8′、24.5′、9.2′的地理网格相比,(1)网格内包含实测点的网格数量占总网格数量比更高,包含实测点的网格占比分别提高 1.54%、1.44%和 2.81%。(2)平均网格重力异常代表误差分别减小 0.398mGal、0.259mGal 和 0.188mGal。综上所述,分层六边形网格系统因其近似等积和各项同性特征,在地球重力场数据统计和数据生产中具有应用优势。尽管层次六边形网格系统在地球重力场的球谐合成与分析、地形效应的快速计算、数值积分计算等方面也有良好的应用前景,但不可否认的是,它的使用和推广仍面临许多需要解决的难题,例如六边形网格的非等纬度分布引起的 Legendre 计算问题,以及如何使用 FFT 技术在该不规律分布下实现高效计算。

关键词 代表误差; 地球重力场; 空间重力异常; 六边形网格

Hexagonal grid mean free-air gravity anomaly data construction and its statistical advantage analysis

LI Xinxing^{1,2}, LI Jiancheng², ZHOU Rui^{*3}, FAN Haopeng¹

1 Institute of Geographical Spatial Information, PLA Strategic Support Force Information Engineering University, Zhengzhou 450001, China

1-1)。

第一作者:李新星,博士,讲师,主要从事物理大地测量教学研究。2016102140003@whu.edu.cn

通讯作者:周睿,工程师。Einsteino@126.com

稍高日期: 2023 年 04 月 14 日

基金项目: 国家自然科学基金(42174007, 42174001); 地理信息工程国家重点实验室基金(SKLGIE2023-Z-

2 School of Geodesy and Geomatics, Wuhan University, Wuhan 430079, China 3 Troops 61363, Xi'an 710054, China

Abstract Objectives: The widespread use of traditional geographic grids in gravity field data processing has brought many inconveniences, such as unequal grid areas and poor isotropic characteristics. In order to solve the above problems in the application of geographic grid in the earth gravity field, we propose for the first time to apply a hierarchical hexagonal grid system to gravity data gridding in the mainland of China. Methods: An open-source Discrete Global Grid System (DGGS) H3 is selected to generate hexagonal grid groups at three resolutions in continental area of China. Then we use more than 810000 in-situ gravity data to construct numerical models of average gravity anomaly on hexagonal grid with different resolutions and geographic grid with corresponding resolutions. Finally, we calculated and compared the commission errors of the grid average free-air gravity anomaly under the geographic grid and hexagonal grid. Results: The results show that: (1) Compared with 67.8 ', 24.5 ' and 9.2 ' geographic grids, the hexagonal grids with L=3, 4 and 5 resolutions have approximately the same area. (2) Hexagonal grids have more effective grids covering measured points than geographic grids. For example, the improvements of the percentages of effective grids in total in hexagonal grids under three resolution levels are 1.54% 1.44% and 2.81% respectively compared to the geographic grids. (3) Hexagonal grids have smaller commission error than geographic grids. For example, under the above three resolution levels, the mean commission errors of the hexagonal grid gravity anomalies are reduced by 0.398mGal 0.259mGal and 0.188mGal respectively, compared to that of the geographic grid gravity anomalies. Conclusions: The layered hexagonal grid system has advantages in the application of earth gravity field data statistics and data production due to its quasi-homogeneous and quasi-isotropic horizontal resolution over the entire sphere. Although the layered hexagonal grid system also has good application prospects in spherical harmonic synthesis and analysis of the earth's gravity field, rapid calculation of terrain effects, numerical integration calculation, etc., it is undeniable that its use and promotion still faces many problems that need to be solved, such as the calculation problems caused by the non-equal latitude distribution of the hexagonal grids, and how to use FFT technology to achieve efficient calculation under this uneven distribution.

Keywords Commission error; Earth's Gravitational Field; Free-air gravity anomaly; Hexagonal grid

地球重力场的精确确定是大地测量任务的重要组成部分^[1]。一直以来,地球重力场相关 数据的管理、处理和解算等都是基于非常成熟的地理网格来开展的,国际上大量的数据产品 也是基于地理网格发布的,地理网格因其便捷性,在地球科学领域中的应用一直处于主导地 位^[2-5]。随着全球重力数据资源不断丰富,大数据计算能力不断提升,使用地理网格带来的 局限性逐渐凸显,例如,相同分辨率的地理网格,高纬度地区的网格面积不足低纬度网格的 一半、两极地区数据出现冗余等^[6,7]。所以在重力场中,像"我国区域 5'分辨率网格平均重 力异常精度优于 5mGal"这样的描述,相比于高纬度区域,对于相同地形条件下低纬度区域 可能更加严苛,因为同为 5'分辨率网格,低纬度区域网格面积相比高纬度网格区域更大。

全球六边形网格剖分的"离散球面网格系统",能够很好的改善由于地理网格的使用而造

成的上述问题^[2]。因六边形良好的几何特征,上述网格系统已经在生物、航天、结构化学、 量子物理、计算机视觉、遥感、气象、测绘等领域取得了显著的应用^[8-10]。随着该系统的不 断完善,已经在诸如矢量数据结构^[11]、空间数据索引^[12]、制图综合^[13]、全球动态数据结构 ^[14]、全球土地监测^[15]、全球海洋分析^[16]、全球气候模拟及动态仿真^[17]、海洋路径规划^[18]、 城市交通规划等方面有了深入研究,六边形网格 H3 系统也已经在 Uber 平台上进行了成功 的商业应用^[19]。

对于具有各向同性特性的地球物理场数值计算,大胆尝试改变地理网格分布的数据管理 方式,寻求球体表面或椭球表面尽量均匀的点位分布和近似六边形网格的剖分方式,无论是 在改善多源、多频段数据信号之间的混频效应来提升数据融合处理的理论精度方面,还是利 用球体或椭球体表面的卷积、小波变换、球谐分析等方法来提升重力学数值分析方法的解算 效率上,都具有广阔的应用前景。而新型网格的使用将带来重力场计算理论体系的重塑,诸 如新型网格下的 Nyquist 采样准则、网格均值的平滑因子等传统概念将发生改变,数据管理 方式、非等纬度分布方式下的 Legendre 函数计算难题等^[20]。

本文使用六边形网格 H3 系统,对我国陆地重力测量区域进行不同分辨率的剖分,从而构建我国不同分辨率六边形网格的平均重力异常,并对网格重力异常的代表误差进行了统计,以说明六边形网格相比地理网格的统计优势,加之六边形网格在球谐分析与综合^[21]、卷积积分^[22]、数据检索等其他方面的优势^[4,23],在重力场解算中有望取得较好的应用潜力。

1 代表误差理论

人类通过采用多种手段的重力测量,已获取了大量空间离散的与重力场相关的观测资料, 理论上来说,无论测量数据有多密集,都无法完全恢复出连续的地球重力场分布,因此,重 力测量的手段决定了必须利用离散点值来近似代表区域的理论平均值,其代表的强弱或者误 差可用代表误差来描述。代表误差的概念是英国学者杰・格拉夫・亨特(J. Graaff Hunter) 在 1935 年第一次引用,作为地球重力场重要的特征参数,在重力数据处理过程中发挥着必 不可少的重要作用,它指以面积内任一点的重力异常代表该面积平均重力异常所产生的中误 差,一定程度上反映了重力场空间变化的剧烈程度^[24,25]。对于同一地区,随着面积的增大, 代表误差的数值增大,而对于面积相同的区域,地形起伏大的区域相比平坦的区域,代表误 差数值要大^[26]。

实际测量中不可能实现数据的全部区域覆盖,会存在大量的数据空白区,所以统计相同 地形环境下的现有数据的代表误差,可为空白区的数据填补、重力测量设计规划等提供必要 依据。文献[27]利用我国实测资料统计出了各种地形下的代表误差参数,网格平均空间重力 异常的代表误差表达式为

$$E_{\overline{\Delta g}} = \pm \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{N} \left(\Delta g_i - \overline{\Delta g} \right)^2}{N - 1}}$$
(1)

式中 N 为所属网格内重力实测点的个数, Δg_i 表示网格内第 i 个点实测空间重力异常, Δg 为该网格内所有 N 个实测空间重力异常的平均值,即

$$\overline{\Delta g} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \Delta g_i$$
⁽²⁾

所以代表误差公式还可以写为如下形式

$$E_{\Delta g}^{2} = \frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^{N} \Delta g_{i}^{2} - \frac{1}{N(N-1)} \left(\sum_{i=1}^{N} \Delta g_{i} \right)^{2}$$
(3)

在最新的《加密重力测量规范》中,经验性的依据空间重力异常与地形之间的相关性, 给出代表误差系数的如下计算公式^[28]

$$C = \Delta H / \left(90\sqrt{d}\right) \tag{4}$$

其中C为重力异常代表误差系数, ΔH 为最小格网中的最大高差,单位为米, d 为最小格网的边长,单位为千米。之所以强调"最小网格",就是因为相同分辨率的地理网格其大小不一致,尤其对于南北跨度较大的测区,在进行测量规划设计的时候,上述代表误差系数必然会造成指标偏严,布设点数偏多,从而造成人力物力的浪费。

2 我国重力测区重力数据的六边形网格剖分

根据 Sahr 教授提出的理论^[2],通过确定理想多面体、多面体的定位、多面体表面的层次 剖分、平面与球面的投影关系以及对网格进行索引和寻址的方法等 5 个独立的要素,可设计 出一个球面网格系统 DGGS^[29],如图 1 所示。



Fig. 1 Process of the DGGS construction

H3 系统是上述 DGGS 系统中的一种^[19],它是基于二十面体、剖分孔径为 7 的六边形网格系统,如图 2 所示,根据 DGGS 的 5 个独立要素,H3 系统具有以下特点:

1、 它采用的柏拉图基体为二十面体, 即采用一个与地球最为接近的二十面体表面作为

网格剖分的基础平面;

- 2、多面体的定位采用与 Fuller 提出的 Dymaxion 地图相似的定位方式,即选择将二十 面体的一个顶点放在(5.2454°E,2.3009°N)位置处,相邻顶点的方位角为 7.46658°, 从而保证 12 个五边形网格位置均位于海洋,使得陆地区域能够没有破裂地展开在 平面;
- 3、多面体表面的层次剖分方法采用孔径为7的六边形剖分,系统分辨率层次每升高一层,六边形网格数量变为前面一层的7倍,由图2可见,只有7孔径的六边形系统才能实现几乎均匀一致的父子网格结构,具有较好的包含和被包含关系,且相邻分辨率的六边形网格之间具有一个约19.1°的方向旋转;
- 4、二十面体表面与球面的投影关系采用了球心投影,保证了所有六边形网格角点至网 格中心距离均相等,但其不是等积投影,所以H3系统并不是一个严格等面积系统, 但是其网格之间的面积差异非常小,远远小于地理网格之间的面积差异;
- 5、系统具有灵活的编码和索引算法,使用了基于轴索引和分层索引两种方法,灵活且 高效的实现了邻接和分层网格之间的快速索引、遍历和管理。



图 2 H3 网格索引系统

Fig. 2 Hexagonal hierarchical geospatial indexing system

H3 系统提供了 16 种网格分辨率,最高的分辨率 L=16 对应的六边形网格在地球上的对应面积小于 1 m²。表 1 给出 H3 剖分级别 L 与六边形网格单元数量 Num、六边形网格平均面积和边长之间的对应关系。

表 1 六边形网格的参数统计表 (球半径取 R=6378.136 km)

Tab.1 Statistics of hexagonal grid parameters ($R = 6378.136$ km)						
分辨率 L	平均面积 (km ²)	平均边长 (km)	索引个数 Num=2+120×7 ^L			
0	4,250,546.8477000	1,107.712591000	122			
1	607,220.9782429	418.676005500	842			
2	86,745.8540347	158.244655800	5,882			
3	12,392.2648621	59.810857940	41,162			
4	1,770.3235517	22.606379400	288,122			

5	252.9033645	8.544408276	2,016,842
6	36.1290521	3.229482772	14,117,882

利用上述系统,构建了我国陆地重力测量区域内多种分辨率的六边形网格分布,其中局

Fig.3 Schematic diagram of the hierarchical structure of hexagonal grid in in Parts of China (L=1~4 correspond to blue, black, red and green respectively)

众所周知,只有当统计网格范围内有足够的重力实测点资料时,统计得出的结果才具有可靠性,因此,本文进行统计所使用的网格采用 L=2~5 层次分辨率下的六边形网格结构,并依该结构对实测重力数据资料进行统计。

表 2给出了不同剖分层次 L 下六边形网格的分辨率大小和网格数量,并给出了相同区 域内网格数量相近的地理网格的分辨率大小。为了更好地说明六边形网格在统计中的优势, 地理网格的分辨率根据"地理网格数量接近并多于对应层次下的六边形网格数量"这一原则 来确定。

表 2 中国区两种网格剖分情况对比

	⇒旦	六边形网格		四边形地理网格		
	175	剖分层次	网格数	分辨率	数量	
\sim	1	L=3	820	67.8′	842	
\checkmark	2	L=4	5748	24.5′	5722	
	3	L=5	40150	9.2′	40603	

Tab.2 Comparison of meshing of two shapes in China region

3 统计分析

利用我国范围 81 万余实测重力资料,按照表 2 中三种分辨率,构建了六边形网格平均重力异常和地理网格下的平均重力异常,并进行了相关统计。由于我国境内实测重力数据 分布不均匀,因此会造成部分网格内没有实测数据的情况。

首先,分别对六边形网格和地理网格剖分下每个网格包含实测点的数量进行了统计,其 中范围内具有实测重力点的网格的数量及其占总网格数的比例见表 3。

Tab.3 Statistics on the number of grids containing measurement points						
网络巴	六边形网格			四边形地理网格		
四俗伝	剖分层次	网格数	有点网格数(占比)	分辨率	网格数	有点网格数(占比)
1	L=3	820	819(99.88%)	67.8′	842	828(98.34%)
2	L=4	5748	5566(96.83%)	24.5′	5722	5458(95.39%)
3	L=5	40150	28414(70.77%)	9.2′	40603	27594(67.96%)

表 3 包含测量点的网格数量统计

由上述结果可知,对于分布固定的点,使用六边形网格进行划分和统计,网格内包含实测点的网格数量占比更高,说明了六边形网格因其形状近圆特性和面积近似相等的特点,相 比地理网格在结构上具有优势,其中局部区域的网格实测点数量分布如图 4 所示。



(a) 67.8' geographic grid (left) and Hexagonal grid with L=3 (right)



(b) 24.5' geographic grid (left) and Hexagonal grid with L=4 (right)

图 4 网格内实测点数量统计情况

Fig.4 Distribution of the number of in-situ gravity data contained in the grid

其次,构建了上述 3 种分辨率下的网格重力异常数值模型,其中 L=3、4 的六边形网格 重力异常和 67.8′、24.5′地理网格重力异常数值模型如图 5 所示。



(a) 67.8' 地理网格(左)与L=3六边形网格(右)

(a) 67.8' geographic grid (left) and Hexagonal grid with L=3 (right)



(b) 24.5' 地理网格(左)与 L=4 六边形网格(右)

(b) 24.5' geographic grid (left) and Hexagonal grid with L=4 (right)

图 5 网格平均重力异常数值模型

Fig.5 Numerical model of grid-averaged gravity free-air anomalies

比较图 5(b)中左右两图在左侧西藏区域的数值模型情况可见,在相同实测资料情况下, 六边形网格因为结构优势,出现的无实测点网格明显少于地理网格,且六边形网格下的特征 分布更加清晰。

最后,利用代表误差统计公式,统计了网格内具有4个以上实测点的网格的代表误差, 并统计了全国范围内同一分辨率网格代表误差的平均值,结果见表4。

表 4 网格平均重力异常代表误差均值统计情况

rub. I Statistics of commission errors of grid mean gravity anomalies						
网络巴	六边形网格		四边形地理网格			
四俗伝	剖分层次	网格数	代表误差(mGal)	分辨率	统计网格数	代表误差(mGal)
1 <	L=3	811	31.129	67.8′	750	31.527
2	L=4	4709	21.195	24.5′	4749	21.454
3	L=5	21190	13.243	9.2′	20502	13.431

Tab.4 Statistics of commission errors of grid-mean gravity anomalies

局部区域重力异常数据的代表误差大小及其分布如图 6 所示。



(a) 67.8' geographic grid (left) and Hexagonal grid with L=3 (right)



(b) 24.5' geographic grid (left) and Hexagonal grid with L=4 (right)
图 6 网格平均重力异常的代表误差大小及分布

Fig.6 The magnitude and distribution of the commission error of grid-mean gravity anomalies

由上表可知,地理网格的平均面积相比六边形网格小,因此理论上实测点的代表误差应 该更小,而统计结果显示,六边形网格的代表误差则更小,因此说明了相比地理网格,六边 形网格结构优良,区域相对聚中,加之六边形网格有效网格数的占比高,更加验证了六边形 网格的在实测数据统计方面的结构优势。

4 结论

本文利用我国大量实测重力资料,构建了我国第一套陆地区域六边形网格平均重力异 常数值模型,并对其进行了初步分析。首先,使用开源的H3分层六边形离散球球面网格系 统,生成了实验区内不同分辨率的六边形网格和对应分辨率的四边形地理网格,生成平均分 辨率和网格数量相当的六边形网格和四边形地理网格平均重力异常,最后分别比较了两种网 格结构下有效网格占比和网格重力异常代表误差的统计结果。结果显示,对于同一套实测资 料,基于六边形网格的有效网格占比(即包含重力实测点的网格占总网格的比例)比四边形 地理网格大,六边形网格空间重力异常代表误差相比等面积的四边形网格空间重力异常代表 误差小,且本文使用的六边形网格在不同分辨率之间具有良好的包含关系,充分说明了六边 形网格在实际工程的数据管理、统计中应用的优势,值得进一步推广使用。

参考文献

- [1] DANG Yamin, JIANG Tao, CHEN Junyong. Review on research progress of the global height datum[J]. Geomatics and Information Science of Wuhan University. doi: 10.13203/j.whugis20220234 (党亚民, 蒋涛, 陈俊勇. 全球高程基准研究进展[J]. 武汉大学学 报(信息科学版). doi: 10.13203/j.whugis20220234)
- [2] Sahr K, White D, Kimerling A J. Geodesic Discrete Global Grid Systems [J]. Cartography and Geographic Information Science, 2003, 30(2): 121-34
- [3] Tozer B, Sandwell D T, Smith W H F, et al. Global Bathymetry and Topography at 15 Arc Sec: SRTM15+ [J]. Earth and Space Science, 2019, 6(10): 1847-64
- [4] LI Xinxing. Research on Hexagonal Grid Division Method for Determining the Earth's Gravity Field
 [D]. Wuhan: Wuhan University, 2021 (李新星.确定地球重力场的六边形网格剖分方法研究
 [D]. 武汉: 武汉大学, 2021)
- [5] Amante C, Eakins B W. ETOPO1 1 arc-minute global relief model : procedures, data sources and analysis [R]. Boulder, Colorado: National Geophysical Data Center, 2009
- [6] Goodchild M F, Kimerling A. Discrete Global Grids: A Web Book [Z]. 2002
- [7] Tong X, Ben J. The Principles and Methods of Discrete Global Gride Systems for Geospatial

Information Subdivision Organization [M]. Beijing: Surveying and Mapping Press, 2016 (童晓冲, 贲进. 空间信息剖分组织的全球离散格网理论与方法 [M]. 北京: 测绘出版社, 2016)

- [8] Lee S, Mortari D. Design of Constellations for Earth Observation with Intersatellite Links [J]. Journal of Guidance, Control, and Dynamics, 2017, 40(5): 1263-71.
- [9] Hsia Y, Bale J B, Gonen S, et al. Design of a hyperstable 60-subunit protein icosahedron [J]. Nature, 2016, 535(7610): 136-9.
- [10] Teanby N A. An icosahedron-based method for even binning of globally distributed remote sensing data [J]. Computers & Geosciences, 2006, 32(9): 1442-50.
- [11] Dutton G. A Hierarchical Coordinate System for Geoprocessing and Cartography [M]. Berlin: Springer-Verlag, 1999.
- [12] Dutton G. Encoding and Handling Geospatial Data with Hierarchical Triangular Meshes; proceedings of the In Proceedings of the 7th Symposium on Spatial Data Handling, Netherlands, F, 1996 [C].
- [13] Dutton G. Improving locational specificity of map data—a multi-resolution, metadata-driven approach and notation [J]. International Journal of Geographical Information Systems, 1996, 10(3): 253-68.
- [14] Goodchild M F, Shiren Y. A hierarchical spatial data structure for global geographic information systems [J]. CVGIP: Graphical Models and Image Processing, 1992, 54(1): 31-44.
- [15] Suess M, Matos P, Gutierrez A, et al. Processing of SMOS level 1c data onto a Discrete Global Grid [Z]. In: 2004 IEEE International Geoscience and Remote Sensing Symposium (IGARSS '04), vol 3. 2004: 1914-7.10.1109/IGARSS.2004.1370716
- [16] Kidd R A, Trommler M, Wagner W. The development of a processing environment for time-series analysis of SeaWinds scatterometer data; proceedings of the IGARSS 2003 2003 IEEE International Geoscience and Remote Sensing Symposium Proceedings (IEEE Cat No 03CH37477), F, 2003 [C]. IEEE.
- [17] David A R, Todd D R, Ross P H, et al. Climate Modeling with Spherical Geodesic Grids [J]. Computing in Science and Engg, 2002, 4(5): 32–41.
- [18] Tsatcha D, Saux E, Claramunt C. A bidirectional path-finding algorithm and data structure for maritime routing [J]. International Journal of Geographical Information Science, 2014, 28(7): 1355-77.
- [19] Brodsky I. H3: Uber's Hexagonal Hierarchical Spatial Index [Z]. 2018
- [20] YANG Zhenghui, WEI Ziqing, MA Jian. Recursive Calculation Method for the Second Kind of Associated Legendre Functions and Its First and Second Derivatives[J]. Geomatics and Information Science of Wuhan University, 2020, 45(2): 213-218. doi: 10.13203/j.whugis20180203 (杨正辉,魏 子卿,马健. 第二类连带勒让德函数及其一阶、二阶导数的递推计算方法[J]. 武汉大学学报 (信息科学版), 2020, 45(2): 213-218. doi: 10.13203/j.whugis20180203)
- [21] CUI Jiawu, ZHOU Boyang, LUO Zhicai, ZHANG Xingfu. Efficiency Analysis of Spherical Harmonic Synthesis Based on MPI Parallel Algorithm[J]. Geomatics and Information Science of Wuhan University, 2019, 44(12): 1802-1807. doi: 10.13203/j.whugis20180165(崔家武,周波阳, 罗志才,张兴福. 利用 MPI 并行算法实现球谐综合的效率分析[J]. 武汉大学学报(信息科学 版), 2019, 44(12): 1802-1807. doi: 10.13203/j.whugis20180165)
- [22] LIU Cong, WANG Zhengtao, ZHANG Huawei, XU Zhiming. Refining Local Earth's Gravity in Spatial Domain with Residual Terrain Modelling Technique[J]. Geomatics and Information Science of Wuhan University, 2022, 47(3): 369-376. doi: 10.13203/j.whugis20200079 (刘聪, 王正涛, 张 华伟, 许智铭. 利用残差地形模型空域法精化局部地球重力场[J]. 武汉大学学报(信息科学 版), 2022, 47(3): 369-376. doi: 10.13203/j.whugis20200079)
- [23] LI Xinxing, LI Jiancheng, LIU Xiaogang, FAN Haopeng, JIN Chao. Spherical harmonic synthesis of local hexagonal grid point gravity anomalies with non-full-order Legendre method combined with spherical harmonic rotation transformation [J]. Chinese Journal of Geophysics (in Chinese), 64(11): 3933-3947, doi: 10.6038/cjg2021P0234(李新星,李建成,刘晓刚,范昊鹏, 靳超. 球谐 旋转变换结合非全次 Legendre 方法的局部六边形网格重力场球谐综合.2021. 地球物理学报, 64(11): 3933-3947, doi: 10.6038/cjg2021P0234)
- [24] Huang Motao, Guan Zheng, Ouyang Yongzhong. Calculation and Accuracy Estimation of Marine Mean Free-Air Gravity Anomaly[J]. Geomatics and Information Science of Wuhan University, 1995, 20(4): 327-331. (黄谟涛, 管铮, 欧阳永忠. 海洋平均重力异常计算与精度估计[J]. 武汉大学 学报(信息科学版), 1995, 20(4): 327-331.)
- [25] HUANG Motao, LIU Min, OUYANG Yongzhong, DENG Kailiang, MA Yueyuan, ZHAI Guojun, WU Taiqi. Analysis and Calculation of the Statistical Models of Marine Gravity Field Character[J].

Geomatics and Information Science of Wuhan University, 2019, 44(3): 317-327. doi: 10.13203/j.whugis20160529 (黄谟涛, 刘敏, 欧阳永忠, 邓凯亮, 马越原, 翟国君, 吴太旗. 海洋重力场特征统计模型计算与分析[J]. 武汉大学学报(信息科学版), 2019, 44(3): 317-327. doi: 10.13203/j.whugis20160529)

- [26] Lu Zhonglian. Theory and Method of Earth Gravity Field [M]. Beijing: The People's Liberation Army Press., 1996 (陆仲连. 地球重力场理论与方法[M]. 北京: 解放军出版社, 1996)
- [27] LI Shanshan, WU Xiaoping, ZHANG Chuanding, SUN Fenghua, ZENG Anmin, LI Jianwei. Calculation and analysis of the new statistical character parameters of gravity field in China[J]. Chinese Journal of Geophysics (in Chinese), 2010, 53(5): 1099-1108, doi: 10.3969/j.issn.0001-5733.2010.05.010 (李姗姗, 吴晓平, 张传定, 孙凤华, 曾安敏, 李建伟. 我国重力场新的统计 特征参数的计算分析[J]. 地球物理学报, 2010, 53(5): 1099-1108, doi: 10.3969/j.issn.0001-5733.2010.05.010)
- [28] Standardization Administration of the People's Republic of China. Standard for gravity measurements: GB/T 17944-2018: 3 [S]. Beijing: Standards Press of China, 2019. (中国国家标准 化管理委员会. 加密重力测量规范: GB/T 17944-2018: 3 [S]. 北京: 中国标准出版社, 2019.)
- [29] ZHENG Mingyang, BEN Jin, ZHOU Jianbin, WANG Rui. Fast Generation Algorithm of Multi aperture Hexagonal Grid Systems of Regional - Scale[J]. Geomatics and Information Science of Wuhan University, 2022, 47(9): 1376-1382. doi: 10.13203/j.whugis20220342 (郑明阳, 贲进, 周 建彬, 王蕊. 局部区域多孔径六边形格网系统快速生成算法[J]. 武汉大学学报(信息科学版), 2022, 47(9): 1376-1382. doi: 10.13203/j.whugis20220342)

网络首发:

标题: 六边形网格的平均重力异常数据构建及其统计优势分析 作者: 李新星,李建成,周睿,范吴鹏 DOI: 10.13203/j.whugis20220569 收稿日期: 2023-04-14

引用格式:

李新星,李建成,周睿,等. 六边形网格的平均重力异常数据构建及其统计优势分析[J]. 武 汉大学学报(信息科学版), 2023, DOI: 10.13203/j.whugis20220569(LI Xinxing, LI Jiancheng, ZHOU Rui, et al. Hexagonal grid mean free-air gravity anomaly data construction and its statistical advantage analysis[J]. *Geomatics and Information Science of Wuhan University*, 2023, DOI: 10.13203/j. whugis20220569)

网络首发文章内容和格式与正式出版会有细微差别,请以正式出版文件为准!

您感兴趣的其他相关论文:

局部区域多孔径六边形格网系统快速生成算法

郑明阳, 贲进, 周建彬, 王蕊

武汉大学学报(信息科学版), 2022, 47(9): 1376-1382

http://ch.whu.edu.cn/cn/article/doi/10.13203/j.whugis20220342